

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«Комсомольский-на-Амуре государственный университет»

Кафедра « Механика и анализ конструкций и процессов »

УТВЕРЖДАЮ

Первый проректор

И.В. Макурин

января 2018 г.



РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

дисциплины «Сопротивление материалов»

основной профессиональной образовательной программы

подготовки специалистов

по специальности 24.05.07 «Самолето- и вертолетостроение»


специализация №4 «Технологическое проектирование высокоресурсных
конструкций самолетов и вертолетов»

Форма обучения очная

Технология обучения традиционная.


Комсомольск-на-Амуре 2018

Автор рабочей программы
доцент, к.т.н.

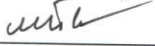

М.Р. Петров.
« 12 » апреля 2017 г.

СОГЛАСОВАНО


Директор библиотеки


И.А. Романовская
« 12 » апреля 2017 г.


Заведующий кафедрой «МАКП»


А.А. Буренин
« 12 » апреля 2017 г.


Заведующий выпускающей кафедрой
«ТС»


А.В. Бобков
« 12 » апреля 2017 г.

Декан ССФ


С.И. Феоктистов
« 12 » апреля 2017 г.

Начальник учебно-методического
управления


Е.Е. Поздеева
« 12 » апреля 2017 г.

Введение

Рабочая программа дисциплины «Сопротивление материалов» составлена в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта, утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 12.09.2016 № 1165, и основной профессиональной образовательной программы подготовки специалистов по специальности 24.05.07 «Самолето- и вертолетостроение» специализация №4 «Технологическое проектирование высокоресурсных конструкций самолетов и вертолетов»

1 Аннотация дисциплины

Наименование дисциплины	Сопротивление материалов
Цель дисциплины	Во-первых, привитие инженерного мышления. Во-вторых, обучение студентов постановке и решению практических задач, доводя до числового результата, анализу полученного решения и определению границы его применения. В-третьих, формирование у студентов логического творческого мышления. В-четвертых, ознакомление с основами математического и физического моделирования различных элементов конструкций. В-пятых, привитие студентам навыков решения задач прочности, жёсткости и устойчивости простейших элементов конструкции, уметь проводить количественный и качественный анализ полученных результатов.
Задачи дисциплины	Способствовать подготовке выпускника вуза, отвечающей требованиям образовательного стандарта. При этом выпускник должен знать современные научные методы познания природы для решения задач, имеющих естественно-научное содержание и возникающих при выполнении профессиональных функций.
Основные разделы дисциплины	А) Геометрические характеристики поперечных сечений. Б) Центральное растяжение - сжатие прямолинейного стержня. В) Сдвиг. Кручение стержней круглого поперечного сечения.

	Г) Прямой изгиб стержней (балок). Д) Устойчивость центрально сжатых стержней.							
Общая трудоемкост ь дисциплины	<u>8</u> з.е. / <u>288</u> академических часа							
	Семестр	Аудиторная нагрузка, ч				СР С, ч	Промежуточная аттестация, ч	Всего за семестр, ч
		Лекции	Пр. занятия	Лаб. работы	Курсовое проектирование			
	<u>4</u> семестр	34	34	17	-	59	-	144
<u>5</u> семестр	34	17	17	-	40	36	144	
		68	51	34	-	99	36	288

2 Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами образовательной программы

Дисциплина «Соппротивление материалов» нацелена на формирование компетенции ОПК-2 обладать способностью к самообразованию и использованию в практической деятельности новых знаний и умений. В целях унификации на основании компетенций выпускника, определенных ФГОС ВО по направлениям подготовки, разработана унифицированная дисциплинарная компетенция (УДКсм) по дисциплине «Соппротивление материалов». Знания, умения, навыки этой компетенции указаны в таблице 1.

УДКсм - *Способность использовать базовые знания естественнонаучных дисциплин в области сопротивления материалов, применять в профессиональной деятельности методы теоретического и экспериментального исследования, проводить расчеты на прочность, жесткость и устойчивость типовых элементов конструкций.*

Таблица 1 – Компетенции, знания, умения, навыки

Наименование и шифр компетенции, в формировании которой принимает участие дисциплина	Перечень формируемых знаний, умений, навыков, предусмотренных образовательной программой		
	Перечень знаний (с указанием шифра)	Перечень умений (с указанием шифра)	Перечень навыков (с указанием шифра)
УДКсм	З1(УДКсм) Знать основные понятия и гипотезы,	У1(УДКсм) Уметь ориентироваться в выборе расчетных	Н1(УДКсм) Владеть навыками проведения инженерных

	используемые в курсе «Сопротивление материалов», теоретические положения, лежащие в основе расчетов на прочность, жёсткость и устойчивость элементов конструкций	схем элементов конструкций;	расчетов на прочность и жесткость стержневых систем, работающих на растяжение и сжатие, сдвиг, кручение, изгиб;
УДКсм	32(УДКсм) Знать виды простого и сложного сопротивления элементов конструкций, основы проведения расчетов элементов конструкций при сложных видах сопротивления, а также в условиях циклического характера нагружения изделий	У2(УДКсм) проводить расчеты на прочность, жёсткость и устойчивость стержневых систем	Н2(УДКсм) навыками выбора оптимальных размеров и форм поперечных сечений стержней, обеспечивающих требуемые показатели надежности, безопасности и экономичности.

3 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина(модуль) «Сопротивление материалов» изучается на 2,3 курсе(ах) в 4, 5 семестрах.

Дисциплина является базовой дисциплиной входит в состав блока 1 «Дисциплины (модули)» и относится к базовой части.

Для освоения дисциплины необходимы знания, умения, навыки, сформированные на предыдущих этапах освоения компетенции ОПК-2 при изучении дисциплины Математика, Физика, Теоретическая механика. Дисциплина Сопротивление материалов является основой для успешного изучения дисциплин: Прочность конструкций самолетов, Строительная механика самолетов

4 Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся

Общая трудоемкость (объем) дисциплины составляет 8 зачетных единиц, 288 академических часов.

Распределение объема дисциплины (модуля) по видам учебных занятий представлено в таблице 2.

Таблица 2 – Объем дисциплины (модуля) по видам учебных занятий

Объем дисциплины	Всего академических часов	
	Очная форма обучения	Заочная (очно-заочная) форма обучения
Общая трудоемкость дисциплины	288	
Контактная аудиторная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий), всего	153	
В том числе:		
занятия лекционного типа (лекции и иные учебные занятия, предусматривающие преимущественную передачу учебной информации педагогическими работниками)	68	
занятия семинарского типа (семинары, практические занятия, практикумы, лабораторные работы, коллоквиумы и иные аналогичные занятия)	85	
Самостоятельная работа обучающихся и контактная работа , включающая групповые консультации, индивидуальную работу обучающихся с преподавателями (в том числе индивидуальные консультации); взаимодействие в электронной информационно-образовательной среде вуза	99	
Промежуточная аттестация обучающихся	36	

5 Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

Таблица 3 – Структура и содержание дисциплины (модуля)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
Раздел Теория прочности					
Тема 1 Основные положения. Гипотезы и допущения. Классификация сил. Внутренние силовые факторы. Понятия о напряжении	Лекция	6	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) У1(УДКсм)
Тема 2 Растяжение – сжатие. Определение нормальной силы, нормальные напряжения и деформации. Механические свойства металлов. Работа внешних сил при растяжении-сжатии;	Лекция	6	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) Н1(УДКсм)
Тема 3 Геометрические характеристики и поперечных сечений, статические моменты. Центр тяжести сечения. Моменты инерции;	Лекция	6	традиционная	УДКсм	Н2(УДКсм)
Тема 4 Сдвиг	Лекция	6	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
кручение. Внутренние силовые факторы при сдвиге;					М) Н1(УДКсм)
Тема 5 Изгиб. Основные параметры. Внутренние силовые факторы при изгибе;	Лекция	10	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) Н1(УДКсм)
Тема 6 Основные положения. Гипотезы и допущения. Классификация сил. Внутренние силовые факторы. Понятия о напряжении	Практическое занятие	4	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) У1(УДКсм)
Тема 7 Растяжение – сжатие. Определение нормальной силы, нормальные напряжения и деформации. Механические свойства металлов. Работа внешних сил при растяжении-	Практическое занятие	4	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) Н1(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
сжатию;					
Тема 8 Геометрические характеристики и поперечных сечений, статические моменты. Центр тяжести сечения. Моменты инерции	Практическое занятие	8	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) Н1(УДКсм)
Тема 9 Сдвиг и кручение. Внутренние силовые факторы при сдвиге	Практическое занятие	6	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) Н1(УДКсм)
Тема 10 Изгиб. Основные параметры. Внутренние силовые факторы при изгибе	Практическое занятие	10	традиционная	УДКсм	З1(УДКсм) Н1(УДКсм)
Тема 11 Ознакомительное занятие. Техника безопасности в лаборатории. Ознакомление	Лабораторная работа	4	традиционная	УДКсм	З2(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
с испытательными машинами и принципами их действия					
Тема 12 Испытание на растяжение углеродистой стали с целью получения основных прочностных характеристик и мер пластичности	Лабораторная работа	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)
Тема 13 Испытание различных материалов на сжатие с целью изучения характера деформации и разрушения	Лабораторная работа	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)
Тема 14 Определение коэффициентов упругости с целью определения взаимозависимости продольной и поперечной	Лабораторная работа	5	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
деформаций при растяжении в упругой стадии					М)
Самостоятельная работа обучающихся	<u>РГЗ №1</u> , подготовка к лекционным и практическим занятиям, подготовка к защите лабораторных работ	59	традиционная	УДКсм	31(УДКсм) У1(УДКсм) Н1(УДКсм)
Промежуточный контроль	Итоговая оценка	-			
ИТОГО В 4 семестре	Лекции	34	-	-	-
	Практические занятия	34	-	-	-
	Лабораторная работа	17	-	-	-
	Самостоятельная работа обучающихся	59	-	-	-
Тема 15 Дифференциальные зависимости при изгибе. Нормальные напряжения при чистом изгибе;	Лекция	8	традиционная	УДКсм	32(УДКсм) Н2(УДКсм) У2(УДКсм)
Тема 16 Касательные напряжения при изгибе	Лекция	8	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
					М)
Тема 17 перемещения при изгибе	Лекция	4	традиционная	УДКсм УДКсм	Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)
Тема 18 основы напряженно-деформированного состояния. Теория прочности	Лекция	6	традиционная	УДКсм	32(УДКсм)
Тема 19 устойчивость сжатых стержней	Лекция	8	традиционная	УДКсм	32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)
Тема 20 Испытание на кручение образца круглого поперечного сечения в пределах закона Гука с целью определения	Лабораторная работа	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
модуля упругости при сдвиге					
Тема 21 Определение перемещений при чистом изгибе двухопорной балки, сопоставление расчетных и опытных значений прогибов и углов поворота сечений	Лабораторная работа	5	традиционная	УДКсм УДКсм	У1(УДКсм) 31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)
Тема 22 Определение перемещений при поперечном прямом или косом изгибах, сопоставление расчетных и опытных значений прогибов и углов поворота сечений	Лабораторная работа	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)
Тема 23 Анализ результатов проведенных лабораторных	Лабораторная работа	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) У1(УДКсм) Н1(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
работ					М) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)
Тема 24 Дифференциальные зависимости при изгибе. Нормальные напряжения при чистом изгибе	Практическое занятие	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)
Тема 25 Касательные напряжения при изгибе	Практическое занятие	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)
Тема 26 Перемещения при изгибе	Практическое занятие	4	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
Тема 27 Основы напряженно-деформированного состояния. Теория прочности	Практическое занятие	3	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)
Тема 28 Устойчивость сжатых стержней	Практическое занятие	2	традиционная	УДКсм УДКсм	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)
Самостоятельная работа обучающихся	<u>РГЗ №2,</u> подготовка к лекционным и практическим занятиям, подготовка к защите лабораторных работ	40	традиционная	УДКсм	31(УДКсм) У1(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)
Промежуточный контроль	Экзамен	36			

Наименование разделов, тем и содержание материала	Компонент учебного плана	Трудоемкость (в часах)	Форма проведения	Планируемые (контролируемые) результаты освоения	
				Компетенции	Знания, умения, навыки
ИТОГО В 4 семестре	Лекции	34	-	-	-
	Лабораторные работы	17	-	-	-
	Практические занятия	17	-	-	-
	Самостоятельная работа обучающихся	40	-	-	-
Промежуточная аттестация по дисциплине		36	Экзамен		
ИТОГО по дисциплине	Лекции	68	-	-	-
	Практические занятия	51	-	-	-
	Лабораторные работы	34			
	Самостоятельная работа обучающихся	99			
ИТОГО: общая трудоемкость дисциплины 288 часов, в том числе с использованием активных методов обучения 153 час					

6 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине (модулю)

Самостоятельная работа обучающихся, осваивающих дисциплину «Сопrotивление материалов», состоит из следующих компонентов: изучение теоретических разделов дисциплины; подготовка к практическим занятиям; подготовка к защите лабораторных работ; подготовка и оформление расчётно-графической работы и т.п.

Для успешного выполнения всех разделов самостоятельной работы учащимся рекомендуется использовать следующее учебно-методическое обеспечение:

1. Г.С. Лейзерович, В.С. Симонов. Руководство к самостоятельной работе по сопротивлению материалов/ Комсомольск на Амуре, ФГБОУ ВПО КнАГТУ, 2007
2. Г.С. Лейзерович, С.В. Макаренко. Методические указания по курсу «Сопrotивление материалов»/ Комсомольск на Амуре, ФГБОУ ВПО КнАГТУ, 2003

Рекомендуемый график выполнения самостоятельной работы представлен в таблице 5.

Таблица 4 – Рекомендуемый график выполнения самостоятельной работы студентов при 17-недельном семестре

Вид самостоятельной работы	Часов в неделю																	Итого по видам работ
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	
Подготовка к практическим занятиям	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	2	2	19
Изучение теоретических разделов дисциплины	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	17
Подготовка, оформление и защита РГР						1	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	23
ИТОГО в 4 семестре	2	2	2	2	2	3	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	59
Подготовка к практическим занятиям	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	17
Изучение теоретических разделов дисциплины	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	17
Подготовка, оформление и защита РГР												1	1	1	1	1	1	6
ИТОГО в 5 семестре	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	4	4	4	40

**7 Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля
и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)**

Таблица 5 – Паспорт фонда оценочных средств

Контролируемые разделы (темы) дисциплины	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства	Показатели оценки
Основные положения. Гипотезы и допущения. Классификация сил. Внутренние силовые факторы. Понятия о напряжении	31(УДКсм) У1(УДКсм)	Задание 1, РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Различает внешние и внутренние силовые факторы. Определяет напряжения в простейших случаях растяжения и сжатия
Растяжение – сжатие. Определение нормальной силы, нормальные напряжения и деформации. Механические свойства металлов. Работа внешних сил при растяжении-сжатии;	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)	Задание 1, вопросы к защите лабораторной работы, РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Определяет внутренние силовые факторы и напряжения в брусе при сложном случае растяжения-сжатия. Владеет методом сечений и определяет работу силы при растяжении и сжатии
Геометрические характеристики поперечных сечений, статические моменты. Центр тяжести сечения. Моменты инерции;	Н2(УДКсм)	Задание 2 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Определяет статический момент и моменты инерции поперечного сечения стержня. Демонстрирует понимание роли геометрических сечений стержня в определении прочности стержня

Сдвиг и кручение. Внутренние силовые факторы при сдвиге;	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)	Задание 3 №1 вопросы к защите лабораторной работы, РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Определяет внутренние силовые факторы в поперечных сечениях стержня, работающего на кручение. Строит эпюры внутренних силовых факторов и напряжений, проектирует поперечное сечение вала
Изгиб. Основные параметры. Внутренние силовые факторы при изгибе;	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм)	Задание 4 вопросы к защите лабораторной работы, РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Определяет внутренние силовые факторы в поперечных сечениях стержня, работающего на изгиб. Строит эпюры внутренних силовых факторов и напряжений, проектирует поперечное сечение балки
Дифференциальные зависимости при изгибе. Нормальные напряжения при чистом изгибе;	31(УДКсм) Н1(УДКсм) У2(УДКсм)	Задание 4 вопросы к защите лабораторной работы, РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Определяет согласованность эпюр поперечных сил и изгибающих моментов в балке
Касательные напряжения при изгибе	31(УДКсм) Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)	Задание 4 вопросы к защите лабораторной работы, РГР №1	Определяет касательные напряжения в поперечных сечениях балки при изгибе, оценивает

	Н2(УДКсм)	РГР №2 Экзаменационные вопросы	прочность балки по касательным напряжениям
Перемещения при изгибе	Н1(УДКсм) 32(УДКсм) У2(УДКсм)	Задание 4 вопросы к защите лабораторной работы, РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Определяет перемещения сечений балки при изгибе
Основы напряженно-деформированного состояния. Теория прочности	32(УДКсм)	Задания 1,2,3,4 РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Оценивает прочность стержня при различных способах его деформации
Устойчивость сжатых стержней	32(УДКсм) У2(УДКсм) Н2(УДКсм) 35(УДКсм)	Задание 5 РГР №1 РГР №2 Экзаменационные вопросы	Оценивает устойчивость бруса, Определяет критическую силу по формуле Эйлера

Промежуточная аттестация проводится в 4-м семестре в виде зачета с оценкой , в 4-м семестре – в форме экзамена.

Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций, представлены в виде технологической карты дисциплины (таблица 6).

Таблица 6 – Технологическая карта

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
_____ 4 _____ семестр				
Промежуточная аттестация в форме зачета с оценкой				
1	Задание 1-3	В течение семестра	5 баллов	5 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала. 4 балла - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хороший уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
				<p>рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>3 балла - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>2 балла - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>0 баллов – задание не выполнено.</p>
2	Задание 1,2,3 РГР №1	В течение семестра	5 баллов	<p>5 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>4 балла - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хороший уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>3 балла - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>2 балла - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>0 баллов – задание не выполнено.</p>
3	Лабораторные работы 1,2,3	В течение семестра	5 баллов	<p>5 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>4 балла - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хороший уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>3 балла - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительный уровень знаний и умений при решении</p>

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
				<p>профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>2 балла - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>0 баллов – задание не выполнено.</p>
	Промежуточная аттестация:		45 баллов	
	ИТОГО:	-	<u>45</u> баллов	-
<p>Критерии итоговой оценки обучения по дисциплине:</p> <p>0 – 64 % от максимально возможной суммы баллов – 0 – 29 баллов - «неудовлетворительно» (недостаточный уровень для текущей аттестации по дисциплине);</p> <p>65 – 74 % от максимально возможной суммы баллов – 30 – 33 баллов - «удовлетворительно» (пороговый (минимальный) уровень);</p> <p>75 – 84 % от максимально возможной суммы баллов – 34 - 38 баллов- «хорошо» (средний уровень);</p> <p>85 – 100 % от максимально возможной суммы баллов – 39 – 45 баллов - «отлично» (высокий (максимальный) уровень).</p>				
<p>_____ <u>5</u> _____ семестр</p> <p>Промежуточная аттестация в форме экзамена</p>				
1	Задание 4-5	В течении семестра	5 баллов	<p>5 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>4 балла - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хороший уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>3 балла - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>2 балла - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>0 баллов – задание не выполнено.</p>
2	Задание 1,2 РГР №2	В течении	5 баллов	<p>5 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличный уровень знаний и умений при решении</p>

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
		е семестра		<p>профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>4 балла - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хороший уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>3 балла - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>2 балла - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>0 баллов – задание не выполнено.</p>
3	Лабораторные работы 4,5,6	В течение семестра	5 баллов	<p>5 баллов - студент правильно выполнил задание. Показал отличный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>4 балла - студент выполнил задание с небольшими неточностями. Показал хороший уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>3 балла - студент выполнил задание с существенными неточностями. Показал удовлетворительный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>2 балла - при выполнении задания студент продемонстрировал недостаточный уровень знаний и умений при решении профессиональных задач в рамках усвоенного учебного материала.</p> <p>0 баллов – задание не выполнено.</p>
Экзамен:			Вопрос – оценивание уровня усвоенных знаний	<p>20 баллов - студент правильно ответил на теоретический вопрос билета. Показал отличные знания в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на все дополнительные вопросы.</p> <p>15 баллов - студент ответил на теоретический вопрос билета с</p>

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
				<p>небольшими неточностями. Показал хорошие знания в рамках усвоенного учебного материала. Ответил на большинство дополнительных вопросов.</p> <p><i>10 баллов</i> - студент ответил на теоретический вопрос билета с существенными неточностями. Показал удовлетворительные знания в рамках усвоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы было допущено много неточностей.</p> <p><i>0 баллов</i> - при ответе на теоретический вопрос билета студент продемонстрировал недостаточный уровень знаний. При ответах на дополнительные вопросы было допущено множество неправильных ответов.</p>
			<p>Задача – оценивание уровня усвоенных умений</p>	<p><i>15 баллов</i> - студент правильно выполнил практическое задание билета. Показал отличные умения в рамках освоенного учебного материала. Ответил на все дополнительные вопросы.</p> <p><i>10 баллов</i> - студент выполнил практическое задание билета с небольшими неточностями. Показал хорошие умения в рамках освоенного учебного материала. Ответил на большинство дополнительных вопросов.</p> <p><i>5 баллов</i> - студент выполнил практическое задание билета с существенными неточностями. Показал удовлетворительные умения в рамках освоенного учебного материала. При ответах на дополнительные вопросы было допущено много неточностей.</p> <p><i>0 баллов</i> - при выполнении практического задания билета студент продемонстрировал недостаточный уровень умений. При ответах на дополнительные вопросы было допущено множество неправильных ответов.</p>
	Промежуточная аттестация:			35 баллов
	ИТОГО:			35 баллов

	Наименование оценочного средства	Сроки выполнения	Шкала оценивания	Критерии оценивания
				<p>Критерии оценки результатов обучения по дисциплине, включая экзамен:</p> <p>0 – 64 % от максимально возможной суммы баллов – <i>0 – 45 баллов</i> - «неудовлетворительно» (недостаточный уровень для текущей аттестации по дисциплине);</p> <p>65 – 74 % от максимально возможной суммы баллов – <i>46 – 52 баллов</i> - «удовлетворительно» (пороговый (минимальный) уровень);</p> <p>75 – 84 % от максимально возможной суммы баллов – <i>53- 59балла</i> - «хорошо» (средний уровень);</p> <p>85 – 100 % от максимально возможной суммы баллов – <i>60 – 70 баллов</i> - «отлично» (высокий (максимальный) уровень).</p>

Задания для текущего контроля
Вопросы к защите лабораторных работ

1. Лабораторная работа №1. Испытание стальных образцов на разрыв.
 - 1) Какие характеристики отражают прочность материала?
 - 2) Какие образцы применяют при испытании на разрыв?
 - 3) Какие параметры характеризуют пластичность материала?
 - 4) Чем отличается диаграмма истинных напряжений от диаграммы условных напряжений?
 - 5) Как определить по диаграмме упругую и пластичную деформации?

2. Лабораторная работа №2. Испытание металлических образцов на сжатие.
 - 1) Какие механические характеристики можно определить при сжатии стали, дуралюмина, чугуна?
 - 2) Чем объясняется бочкообразная форма стального образца?
 - 3) Что называется пределом текучести материала при сжатии?
 - 4) Что называется пределом прочности материала при сжатии?
 - 5) Чем отличаются диаграммы сжатия хрупких и пластичных материалов?
 - 6) Почему разрушение при сжатии хрупкого материала происходит по площадкам, расположенным под углом 45° к линии действия сжимающей нагрузки?

3. Лабораторная работа №3. Испытание на кручение.
 - 1) Какое свойство материала характеризует модуль сдвига?
 - 2) Какая зависимость существует между углом закручивания и крутящим моментом?
 - 3) Влияет ли на значение угла закручивания расстояние между сечениями, относительный (взаимный) угол поворота которых определяется?
 - 4) Каким образом с помощью индикатора, измеряющего линейные перемещения в лабораторной работе определяется угол закручивания?

- 5) Для чего до начала отсчета по шкале индикатора дается предварительное нагружение?
- 6) Почему и каким значением ограничивается максимальный крутящий момент?
- 7) Какую закономерность можно установить, нагружая образец в несколько раз, увеличивая нагрузку при каждой ступени нагружения на одну и ту же величину?

4. Лабораторная работа №4. Определение констант упругости механическими тензометрами.

- 1) Какие значения может принимать коэффициент Пуассона?
- 2) Что характеризует модуль упругости E ?
- 3) Какой физический смысл имеет модуль упругости E ?
- 4) Каким соотношением связаны между собой упругие характеристики материала?
- 5) С какой целью принята попарная установка механических тензометров ?

5. Лабораторная работа №5. Определение перемещений при плоском изгибе консольной балки.

- 1) Какой изгиб называется плоским?
- 2) Приведите основное дифференциальное уравнение плоского изгиба.
- 3) Из каких условий определяются постоянные интегрирования и дифференциального уравнения изгиба?
- 4) Что изменилось бы в теоретическом вычислении прогиба, если бы балка имела два участка, размеры поперечных сечений которых были бы различными ?
- 5) Как связана форма изогнутой оси балки со знаком изгибающего момента?
- 6) Какой характер имела бы упругая линия испытываемой балки, если бы подвеска с грузами была установлена в середине длины балки?
- 7) Какая связь между прогибом и углом поворота сечения?

6. Лабораторная работа №6. Определение перемещений при плоском изгибе двухопорной балки.

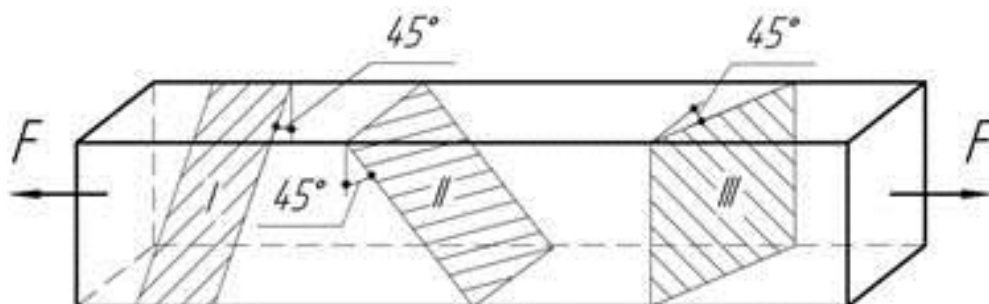
- 1) Какой изгиб называется плоским?

- 2) Приведите основное дифференциальное уравнение плоского изгиба.
- 3) Из каких условий определяются постоянные интегрирования и дифференциального уравнения изгиба?
- 4) Что изменилось бы в теоретическом вычислении прогиба, если бы балка имела два участка, размеры поперечных сечений которых были бы различными ?
- 5) Как связана форма изогнутой оси балки со знаком изгибающего момента?
- 6) Какой характер имела бы упругая линия испытуемой балки, если бы подвеска с грузами была установлена в середине длины балки?
- 7) Какая связь между прогибом и углом поворота сечения?

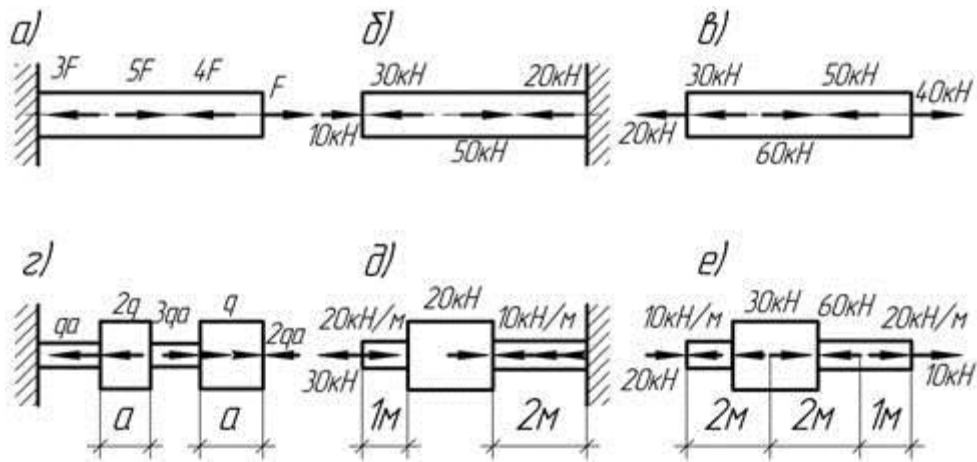
Задание 1

- а) Какие напряжения возникают на заштрихованных площадках при растяжении стержня квадратного сечения? F

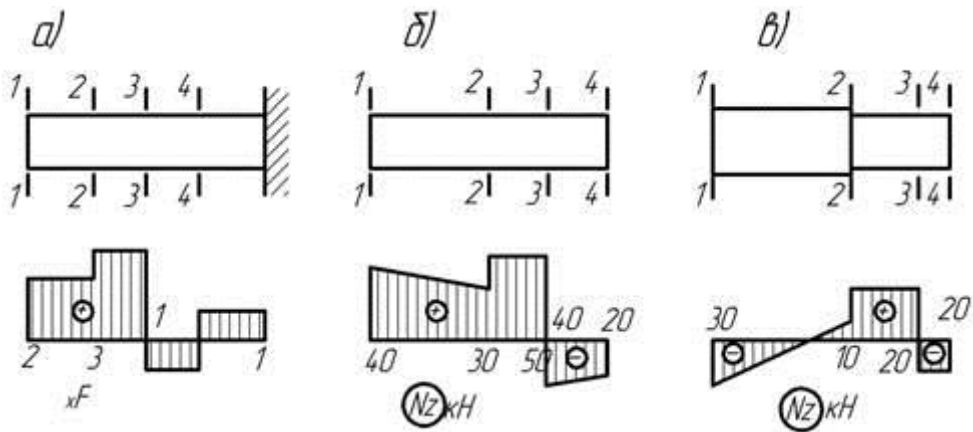
№ Варианта	Сила F, КН	Площадь поперечного сечения стержня S, см ²
1	10	10
2	15	10
3	20	15
4	25	20
5	15	20
6	30	20
7	20	20
8	20	10
9	25	15
0	30	15



б) Построить эпюру продольных сил и нормальных напряжений в поперечных сечениях стержней.

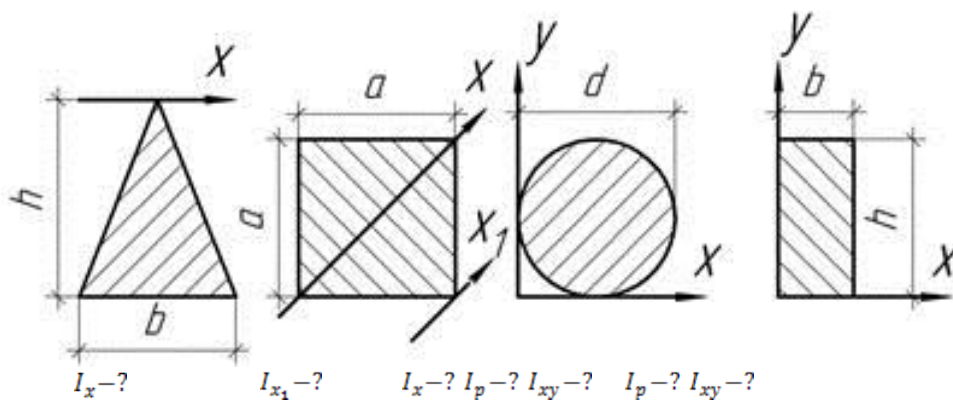


в) По заданной эпюре продольной силы определить величину и направление приложенной к стержню нагрузки.



Задание 2

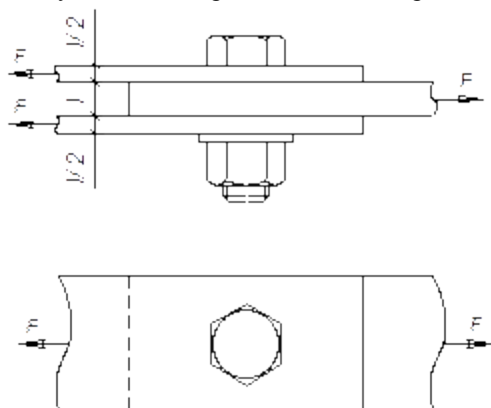
Определите указанные ниже величины.



№ Варианта	a, см	b, см	h, см	d, см
1	10	20	30	15
2	15	20	15	30
3	20	25	30	20
4	25	30	20	20
5	15	15	20	25
6	30	30	25	15
7	20	15	10	30
8	20	20	15	15
9	25	10	15	30
0	30	15	20	10

Задание 3

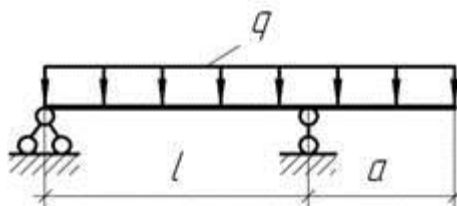
Определить касательные напряжения и прочность в соединении, изображенном на рисунке. Допускаемые напряжения для материала болта: на срез 80 МПа, на смятие 200 МПа.



№ Варианта	Сила F, КН	Толщина, t, см
1	10	1
2	15	1
3	20	1.5
4	25	2
5	15	2
6	30	2
7	20	2
8	20	1
9	25	1.5
0	30	1.5

Задание 4

Построить эпюры Q и M.



№ Варианта	$q, \text{кН/м}$	$l, \text{м}$	$a, \text{м}$
1	10	1	2
2	15	1	1
3	20	1.5	1.5
4	25	2	1.5
5	15	2	2
6	30	2	2
7	20	2	2
8	20	1	1
9	25	1.5	1
0	30	1.5	1.5

Задание 5

Задача 1.

Какой из двух стержней одинаковой длины, условия закрепления и нагружения которых также одинаковы, является более гибким – стержень с равной площадью?

Задача 2.

Критическая нагрузка на стержень с шарнирно-опертыми концами равна 200 кН. Во сколько раз увеличится критическая нагрузка при площади поперечного сечения....., если стержень имеет:

а) квадратное сечение, б) круглое, в) кольцевое с $\frac{d_{вн}}{d_{ин}} = 0,8$. Дано: $E=200$ ГПа, $\sigma_{пл} = 1100$ МПа, $\sigma_{пл} = 750$ МПа, $l = 0,4$ м.

Указание: При $\sigma_{кр} > \sigma_{пл}$ применять формулу $\sigma_{кр} = (1100 - 6,65\lambda)$ МПа.

Задача 3.

Шарнирно стержень I №14 сжимается силой $F=.....$ кН. Вычислить и сравнить коэффициенты запаса

прочности $\sigma_{\text{пл}}$ и устойчивости $\sigma_{\text{уст}}$, если $E=200$
ГПа, $\sigma_{\text{пл}} = 1100$ МПа, $\sigma_{\text{уст}} = 750$ МПа, $l = 1$ м.

Задача 4.

Шарнирно-опертый стержень..... сечения сжимается силой $F=50$ кН. Длина стержня $l=1$ м, материал –, $\rho_{\text{д}} = 2,7 \frac{\text{т}}{\text{м}^3}$, $E_{\text{д}} = 70$ ГПа, запас устойчивости $[\sigma_{\text{уст}}]=2$. Найти массу стержня. Установить также, во сколько раз увеличится масса стержня, если заменить дюраль на сталь, сохранив прежнюю длину и запас устойчивости, принимая $\rho_{\text{ст}} = 7,85 \frac{\text{т}}{\text{м}^3}$, $E_{\text{ст}} = 200$ ГПа.

Задача 5.

Определить сжимающей силы, при которой шарнирно-опертая по концам стальная труба с наружным диаметром $d_{\text{н}} = 100$ мм, внутренним $d_{\text{в}} = 90$ мм и длиной $l=4$ м потеряет устойчивость. Чему равны при этом напряжения в трубе?

Задача 6.

Как изменится сила, если одновременно увеличить диаметр круглой стойки в 2 раза и длину в 4 раза?

Задача 7.

Конструктивный элемент представляет собой шарнирно опертый по концам круглый стержень диаметра $d=4$ см и длины $l=1$ м. По проекту он должен быть изготовлен из стали Ст20, имеющий предел пропорциональности $\sigma_{\text{пл}} = 225$ МПа. Ввиду отсутствия данного материала его изготовили из легированной стали 12ХНЗА с $\sigma_{\text{пл}} = 360$ МПа. На сколько за счет этого элемента при той же самой сжимающей силе?

Задача 8.

Стойка проектируется из двух равнобоких уголкового профилей. Как следует собой, чтобы получить наибольшую несущую способность составной стойки?

Задача 9.

Стержень шатуна кривошипно-шатунного механизма проверяют на устойчивость от осевой сжимающей силы, причем в плоскости движения шатуна концы его считают шарнирно опертыми, а в плоскости, нормальной к плоскости движения – жестко заделанными. При каком соотношении сечения шатуна обеспечивается его равноустойчивость в указанных плоскостях?

Задача 10.

Две деревянные стойки одинаковой длины и веса отличаются только формой поперечного сечения (у одной сечение круглое, а у другой - квадратное). У какой стойки выше?

Задача 11.

Стойка имеет прямоугольное сечение 10x40 см. Как следует закрепить ее по концам, чтобы обеспечить в главных плоскостях?

Задача 12.

Круглая стальная стойка гибкостью $\lambda=100$ выдерживает сжимающую силу $F=100$ кН при запасе устойчивости $\Pi_y=2$. Во сколько раз можно увеличить сжимающую силу, и сохранив прежний коэффициент запаса устойчивости?

Расчетно-графическая работа

Задание 1. Стальной стержень (модуль Юнга $E=2 \cdot 10^4$ кН/см²) находится под действием внешних осевых сил P и $2P$ (рис. 3.1). Построить эпюры продольных сил N и нормальных напряжений σ_z . Оценить прочность стержня, если предельное напряжение (предел текучести) $\sigma_m = 24$ кН/см², а допускаемый коэффициент запаса $[n]=1,5$. Найти удлинение стержня Δl . Исходные данные взять из табл.1.

Таблица 1

Исходные данные к задаче 1

Буквы алфавита	Номер схемы (рис. 1)	F , см ²	a , м	b , м	c , м	P , кН
А, П	1	2,0	1,2	1,4	1,6	11
Б, Р	2	2,2	1,4	1,6	1,4	12
В, С	3	2,4	1,8	1,6	1,2	13
Г, Т	4	2,6	1,6	2,0	1,0	14
Д, У	5	2,8	2,0	1,8	1,2	15
Е, Ф	6	3,0	2,2	1,6	1,4	16
Ж, Х	7	3,2	2,4	1,4	1,6	17
З, Ц	8	3,4	2,6	1,2	1,8	18
И, Ч	9	3,6	2,8	1,0	1,4	19

К, Ш	0	3,8	2,4	1,6	1,2	20
Л, Щ	1	2,2	1,6	1,4	1,2	10
М, Э	2	2,4	1,6	1,8	1,0	11
Н, Ю	3	2,6	2,0	1,8	1,0	13
О, Я	4	2,8	1,8	2,0	1,4	14

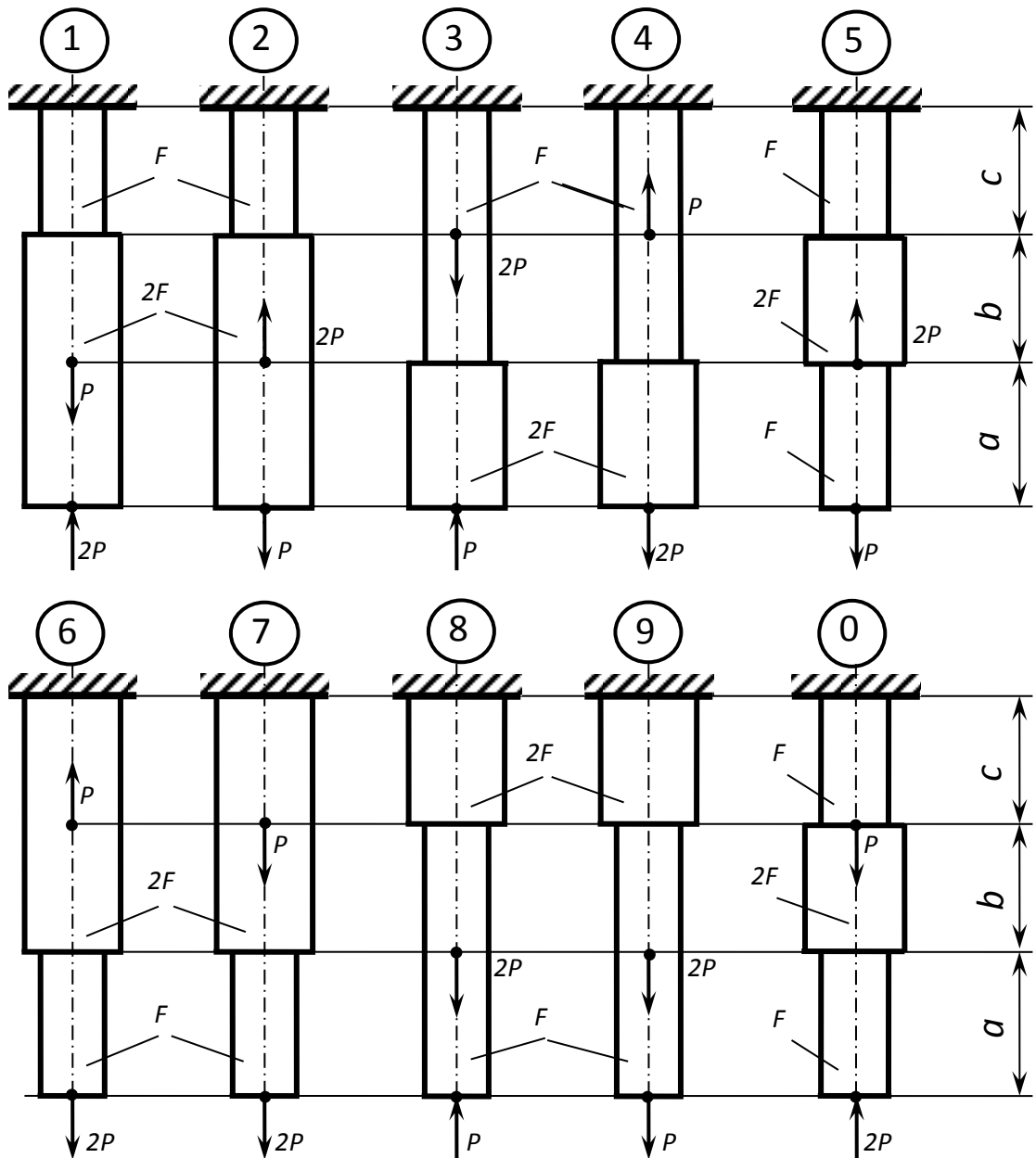


Рис. 1

Задание 2. Для заданного поперечного сечения стержня (рис. 2), состоящего из двух прокатных профилей и полосы, требуется найти положение центра тяжести сечения, направление главных центральных осей инерции u и v , а также вычислить главные центральные моменты инерции I_{\max} и I_{\min} . Данные взять из табл. 2.

Таблица 2

Исходные данные к задаче 2

Буквы алфавита	Номер схемы (рис. 2)	Номер швеллера	Номер двутавра	Размеры уголка	Толщина листа, мм
I	2	3	4	5	6
А, П	1	24	12	100×100×8	12
Б, Р	2	22	14	100×100×10	12
В, С	3	20	16	100×100×12	12
Г, Т	4	18	18	100×100×8	14
Д, У	5	16	20	100×100×10	14
Е, Ф	6	14	22	100×100×12	14
Ж, Х	7	12	24	100×100×8	16
З, Ц	8	24	22	100×100×10	16
И, Ч	9	22	20	100×100×12	16
К, Ш	0	20	18	100×100×8	10
Л, Щ	1	18	16	100×100×10	10
М, Э	2	16	14	100×100×12	10
Н, Ю	3	14	12	100×100×8	14
О, Я	4	12	10	100×100×10	14

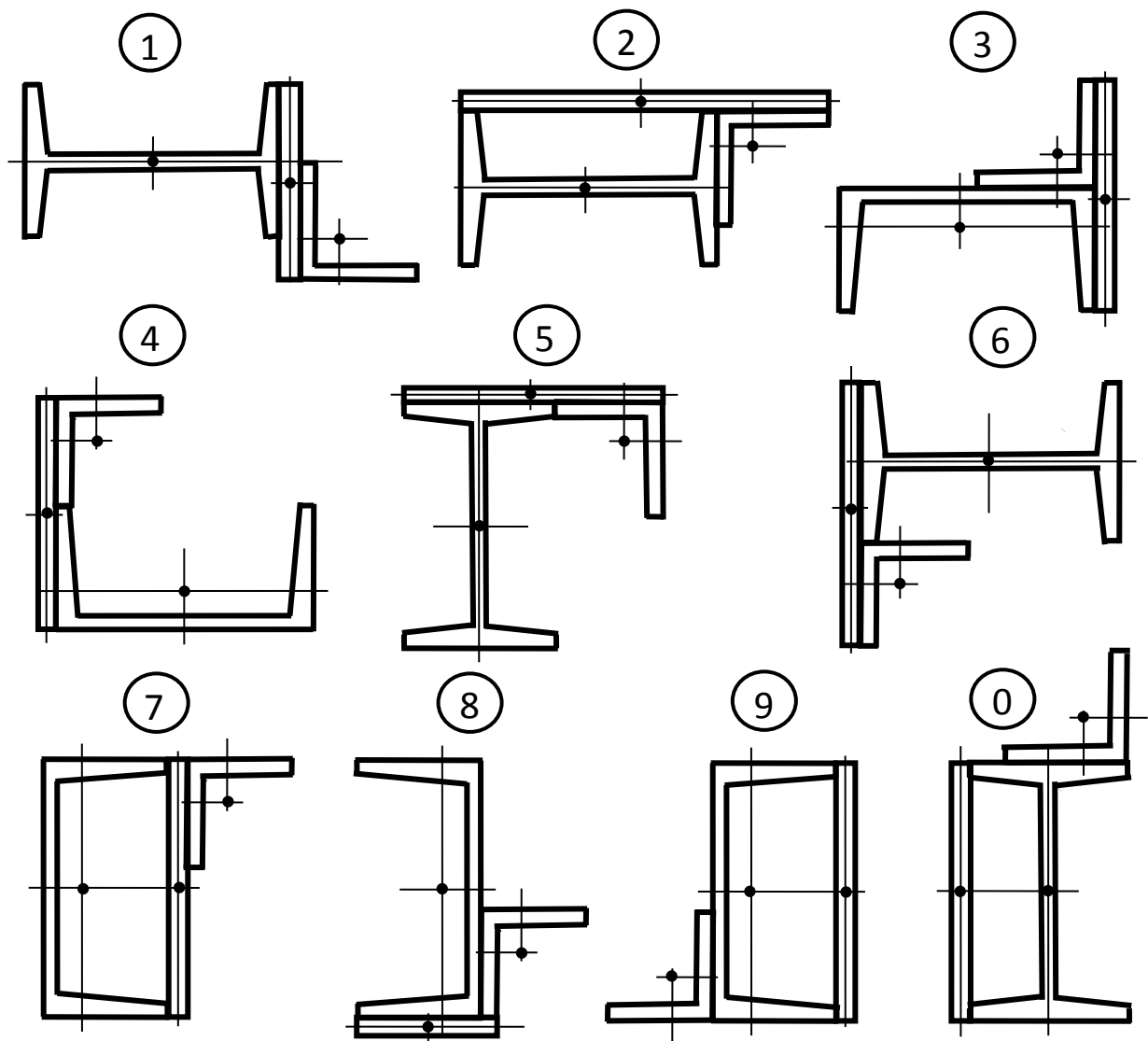


Рис. 2

Задание 3. Жестко защемленный одним концом стальной стержень (модуль сдвига $G = 0,8 \cdot 10^4$ кН/см²) круглого поперечного сечения скручивается четырьмя моментами M_i (рис. 3).

Требуется:

- построить эпюру крутящих моментов;
- при заданном допуске касательном напряжении $[\tau] = 8$ кН/см² из условия прочности определить диаметр вала, округлив его до ближайшего из следующих значений 30, 35, 40, 45, 50, 60, 70, 80, 90, 100, 200 мм;
- построить эпюру углов закручивания поперечных сечений стержня. Данные взять из табл. 3.

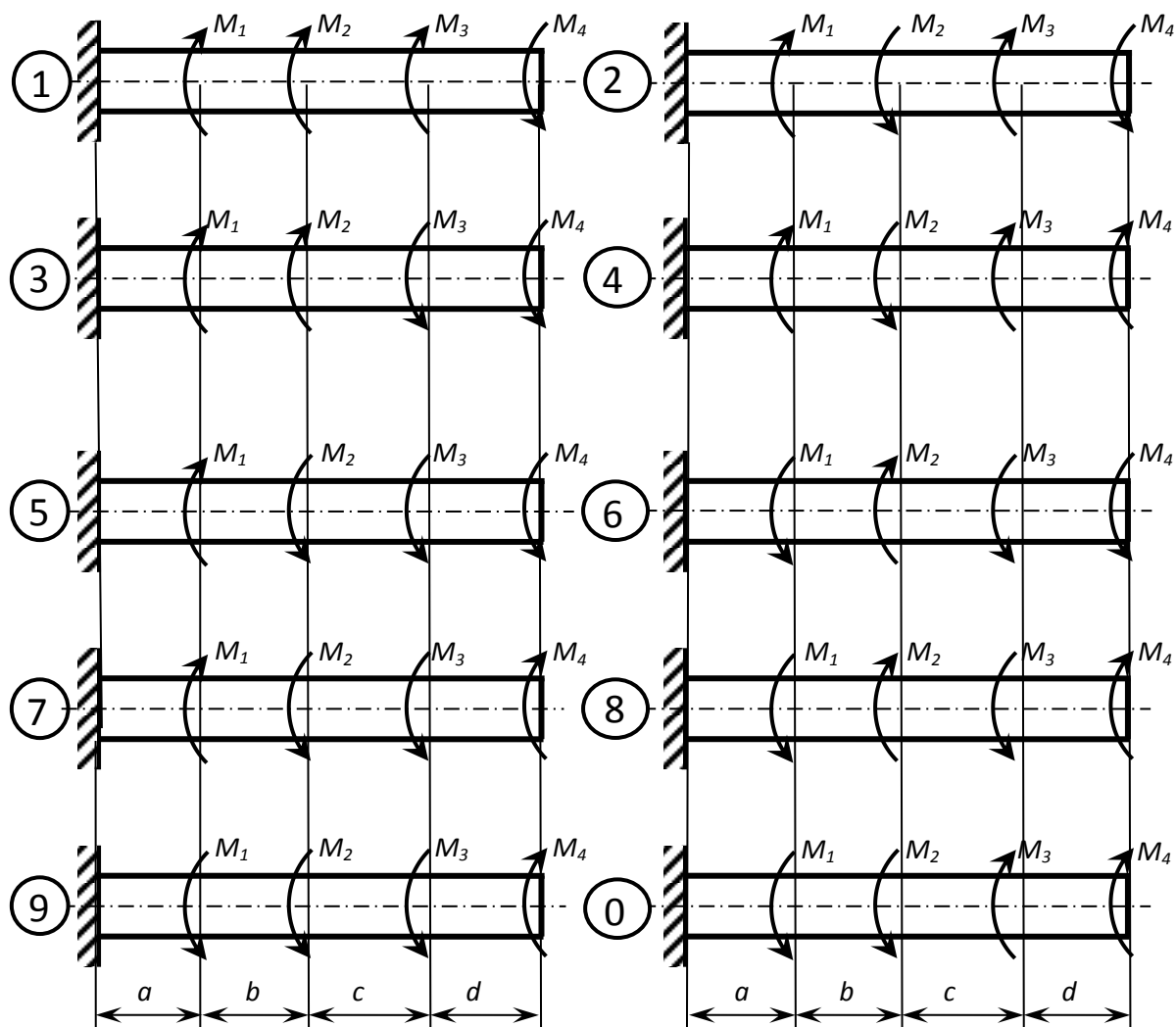


Рис. 3

Таблица 3

Исходные данные к задаче

Буквы алфавита	Номер схемы (рис. 3)	M_1 , кН·м	M_2 , кН·м	M_3 , кН·м	M_4 , кН·м	a , м	b , м	c , м	d , м
<i>l</i>	2	3	4	5	6	7	8	9	10
А, П	1	1,0	2,0	1,0	1,0	1,0	1,2	1,4	1,6
Б, Р	2	1,0	2,0	1,0	0,8	1,2	1,4	1,6	1,9
В, С	3	2,0	4,0	1,0	1,0	1,4	1,6	1,0	1,2

Г, Т	4	3,0	5,0	1,6	1,4	1,6	1,0	1,2	1,4
Д, У	5	4,0	6,0	1,8	1,4	1,1	1,1	1,8	1,5
Е, Ф	6	2,0	4,0	1,2	1,2	1,3	1,3	1,5	1,1
Ж, Х	7	2,0	3,0	1,2	1,0	1,5	1,5	1,3	1,3
З, Ц	8	3,0	4,0	1,0	1,0	1,7	1,7	1,5	1,4
И, Ч	9	4,0	5,0	1,8	1,6	1,9	1,9	1,7	1,3
К, Ш	0	5,0	6,0	2,0	1,6	1,2	1,4	1,4	1,2
Л, Щ	1	3,0	4,0	1,4	1,4	1,4	1,2	1,2	1,4
М, Э	2	3,0	5,0	1,4	1,0	1,6	1,4	1,4	1,6
Н, Ю	3	4,0	5,0	1,2	1,2	1,8	1,6	1,6	1,8
О, Я	4	5,0	7,0	2,0	1,8	2,0	1,8	1,8	2,0

Задание 4. Для двух заданных схем балок (рис. 4) требуется:

- построить эпюры перерезывающих сил Q_y и изгибающих моментов M_z ;
- подобрать из условия прочности по нормальным напряжениям ($[\sigma]=16 \text{ кН/см}^2$) балку *круглого* поперечного сечения для схемы *а* и балку *двухаврового* поперечного сечения для схемы *б*;
- проверить прочность подобранных балок по касательным напряжениям ($[\tau]=8 \text{ кН/см}^2$).

Данные взять из табл. 4

Таблица 4

Исходные данные к задаче

Буквы алфавита	Номер схемы (рис. 4)	l , м	a_1/l	a_2/l	a_3/l	M , кН·м	P , кН	q , кН/м
А, П	1	3	0,2	0,6	0,2	8	5	10
Б, Р	2	4	0,3	0,5	0,3	7	6	11
В, С	3	5	0,4	0,4	0,3	6	7	12

Г, Т	4	6	0,5	0,3	0,2	5	8	13
Д, У	5	3	0,6	0,7	0,2	4	9	14
Е, Ф	6	4	0,7	0,5	0,3	8	10	9
Ж, Х	7	5	0,8	0,4	0,6	7	5	10
З, Ц	8	6	0,2	0,6	0,3	6	6	11
И, Ч	9	3	0,3	0,5	0,4	5	7	12
К, Ш	0	4	0,4	0,4	0,2	4	8	8
Л, Щ	1	5	0,5	0,3	0,4	5	2	9
М, Э	2	6	0,6	0,7	0,5	4	3	10
Н, Ю	3	3	0,7	0,3	0,4	3	4	11
О, Я	4	4	0,8	0,6	0,3	2	5	12

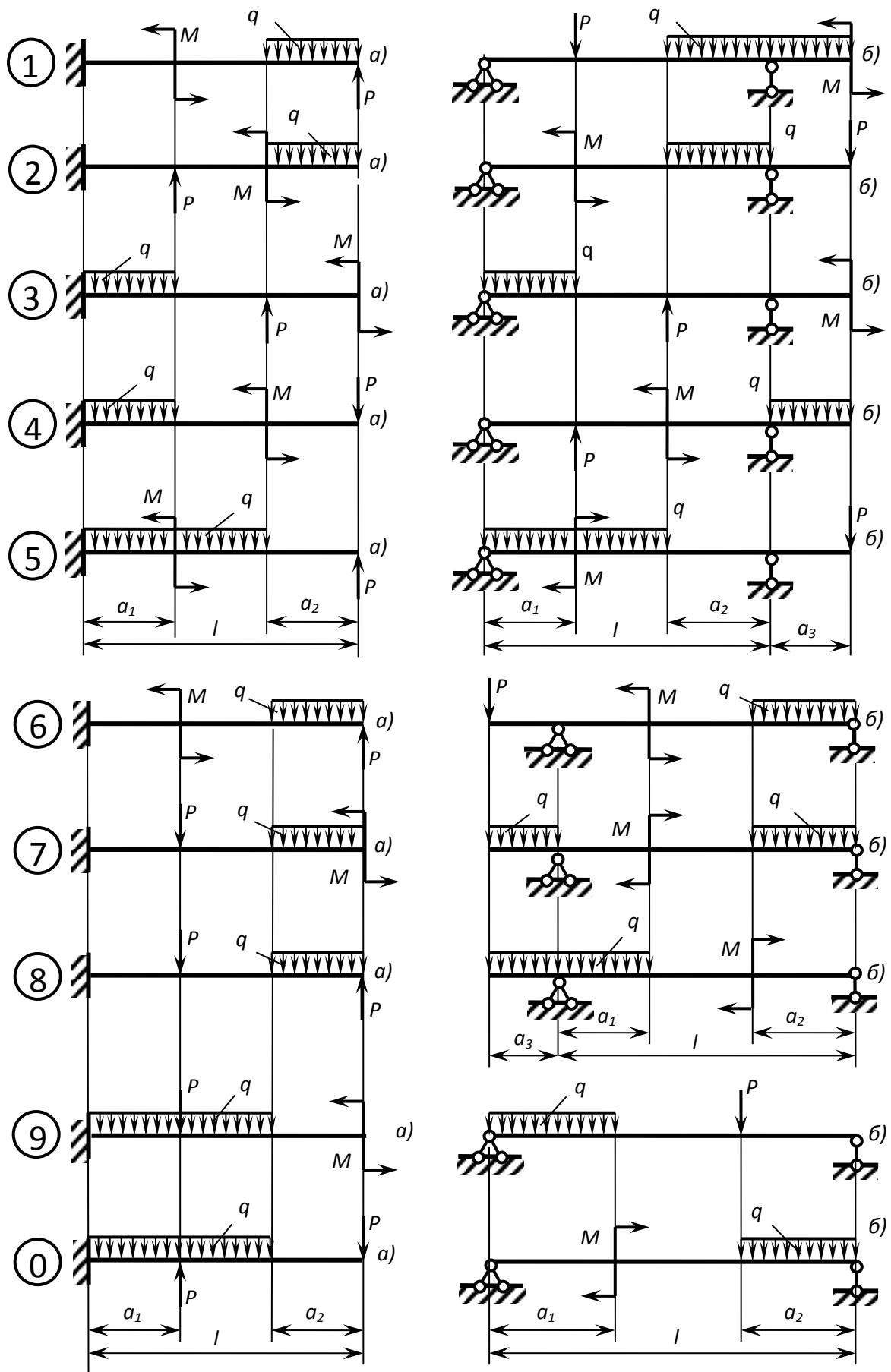


Рис. 4

Задание 5. Вертикальный стальной стержень (марка стали Ст. 3), поперечное сечение которого показано на рис. 1, сжимается с торца консервативной силой P . Определить значение критической и допускаемой нагрузки. Вычислить коэффициент запаса устойчивости стержня n_y . Допускаемое напряжение $[\sigma]=16$ кН/см², модуль Юнга $E=2 \cdot 10^4$ кН/см². Решение задачи получить для двух вариантов закрепления концов стержня, когда оба конца шарнирно оперты и когда оба конца жестко защемлены. Данные взять из табл. 5

Таблица 5

Исходные данные к задаче

Буквы алфавита	Номер схемы (рис. 5)	l , м	a , см	Буквы алфавита	Номер схемы (рис. 5)	l , м	a , см
l	2	3	4	l	2	3	4
А, П	1	2,4	6	З, Ц	8	2,5	8
Б, Р	2	2,8	7	И, Ч	9	2,7	9
В, С	3	3,0	8	К, Ш	0	2,9	10
Г, Т	4	3,5	9	Л, Щ	1	3,2	6
Д, У	5	4,0	10	М, Э	2	3,8	7
Е, Ф	6	4,5	6	Н, Ю	3	4,4	8
Ж, Х	7	5,0	7	О, Я	4	4,9	9

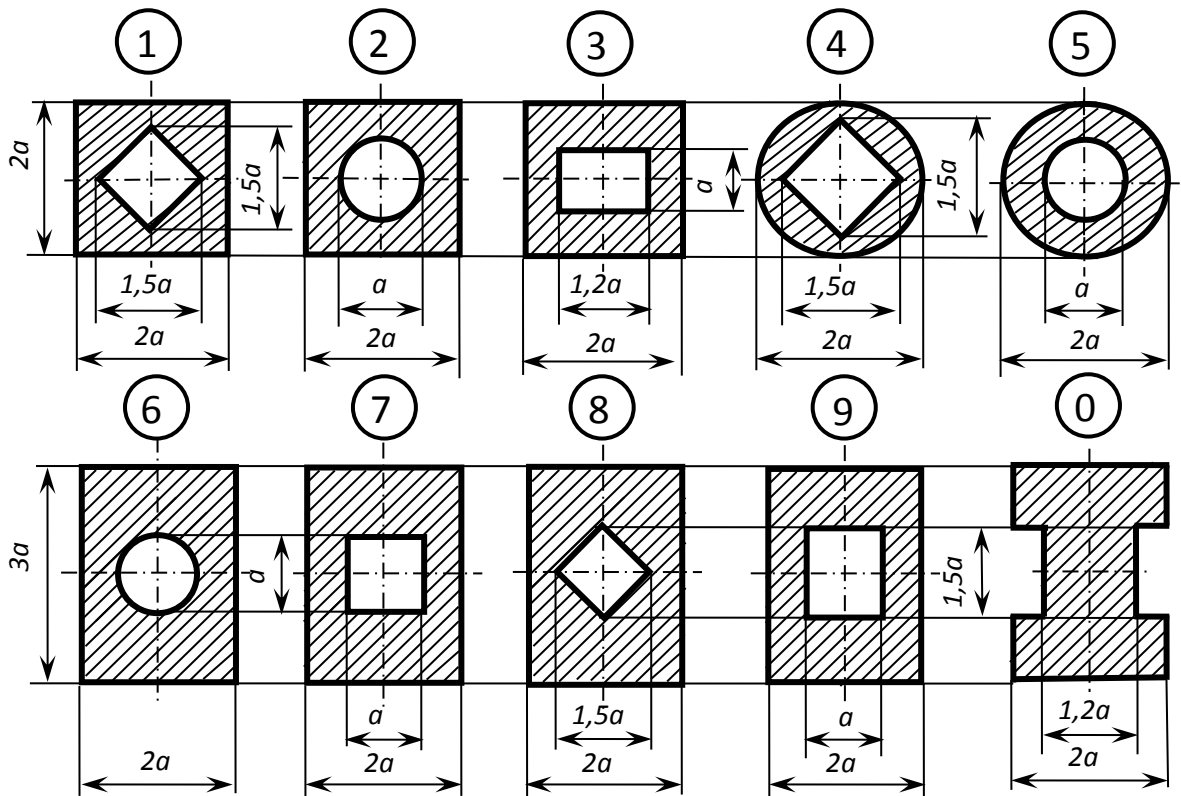


Рис. 5

Вопросы к защите РГР

- 1). Закон Гука при растяжении прямых стержней.
- 2). Построение эпюр крутящих моментов и углов закручивания при кручении стержня
- 3). Построение эпюр изгибающих моментов при изгибе консольных балок.
- 4). Формулы расчета на прочность при растяжении, сдвиге, кручении и изгибе.
- 5). Классификация материалов на пластичные и хрупкие. Предельные и допускаемые напряжения для пластичных и хрупких материалов.
- 6) Суть проектного и проверочного расчетов на прочность.
- 7). Диаграммы растяжения (условная и истинная) и выносливости. Механические свойства материалов при растяжении.
- 8). Напряжения в точке. Главные напряжения.

- 9). Обобщенный закон Гука. Критерии прочности.
- 10). Устойчивость стержня, определение критической силы по формуле Эйлера
- 11). Каковы единицы измерения сосредоточенных сил, моментов, погонной нагрузки?
- 12). В чем заключается метод сечений и для чего он применяется?

8 Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля)

а. Основная литература

1. Дарков, А.В. Сопротивление материалов / А. В. Дарков, Г. С. Шпиро. - 4-е изд., перераб. - М.: Высшая школа, 1989; 1975; 1969. - 654с.
2. Варданян, Г.С. Сопротивление материалов с основами строительной механики : учебник для вузов / Г. С. Варданян, Н. М. Атаров, А. А. Горшков; Под ред. Г.С.Варданяна. - Изд.испр. - М.: ИНФРА-М, 2012; 2011. - 504с.
3. Долинский, Ф.В. Краткий курс сопротивления материалов : учебное пособие для вузов / Ф. В. Долинский. - М.: Высшая школа, 1988. - 432с.

б. дополнительная литература

1. Александров, А.В. Сопротивление материалов : учебник для вузов / А. В. Александров, В. Д. Потапов, Б. П. Державин. - 2-е изд., испр. - М.: Высшая школа, 2000. - 560с.
2. Ахметзянов, М.Х. Сопротивление материалов : учебник для вузов / М. Х. Ахметзянов, И. Б. Лазарев. - 2-е изд., перераб. и доп. - М.: Юрайт, 2011. - 300с.
3. Ицкович, Г.М. Руководство к решению задач по сопротивлению материалов : учебное пособие для вузов / Г. М. Ицкович, Л. С. Минин, А. И. Винокур; Под ред. Л.С.Минина. - 3-е изд., перераб. и доп. - М.: Высшая школа, 2001; 1999. - 592с.
4. Ицкович, Г.М. Сборник задач по сопротивлению материалов : учебное пособие / Г. М. Ицкович, А. И. Винокуров, Н. В. Барановский. - 4-е изд. - Л.: Судостроение, 1972. - 230с.
5. Лейзерович, Г.С. Руководство к самостоятельной работе по сопротивлению материалов : учебное пособие / Г. С. Лейзерович, В. С. Симонов. - Комсомольск-на-Амуре: Изд-во Комсомольского-на-Амуре гос.техн.ун-та, 2007. - 88с.
6. Феодосьев, В.И. Сопротивление материалов : учебник для вузов / В.

9. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (далее – сеть «Интернет»), необходимых для освоения дисциплины (модуля)

1. Электронная библиотека www.znanium.com
2. Электронный портал научной литературы www.elibrary.ru

10. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины (модуля)

Пример выполнения заданий РГР

Задание 1 РГР

Пример 1. Стальной стержень (модуль Юнга $E = 2 \cdot 10^4$ кН/см²) с размерами $a = 200$ см; $b = 150$ см, $c = 100$ см и площадью поперечного сечения нижнего участка $F_n = F = 10$ см², а верхнего – $F_g = 2F = 20$ см² нагружен внешними осевыми силами $P_1 = 100$ кН и $P_2 = 300$ кН (рис. 1). Построить эпюры продольных сил N и нормальных напряжений σ_z . Оценить прочность стержня, если предельное напряжение (предел текучести) $\sigma_m = 24$ кН/см², а допускаемый коэффициент запаса $[n] = 1,5$. Найти удлинение стержня Δl .

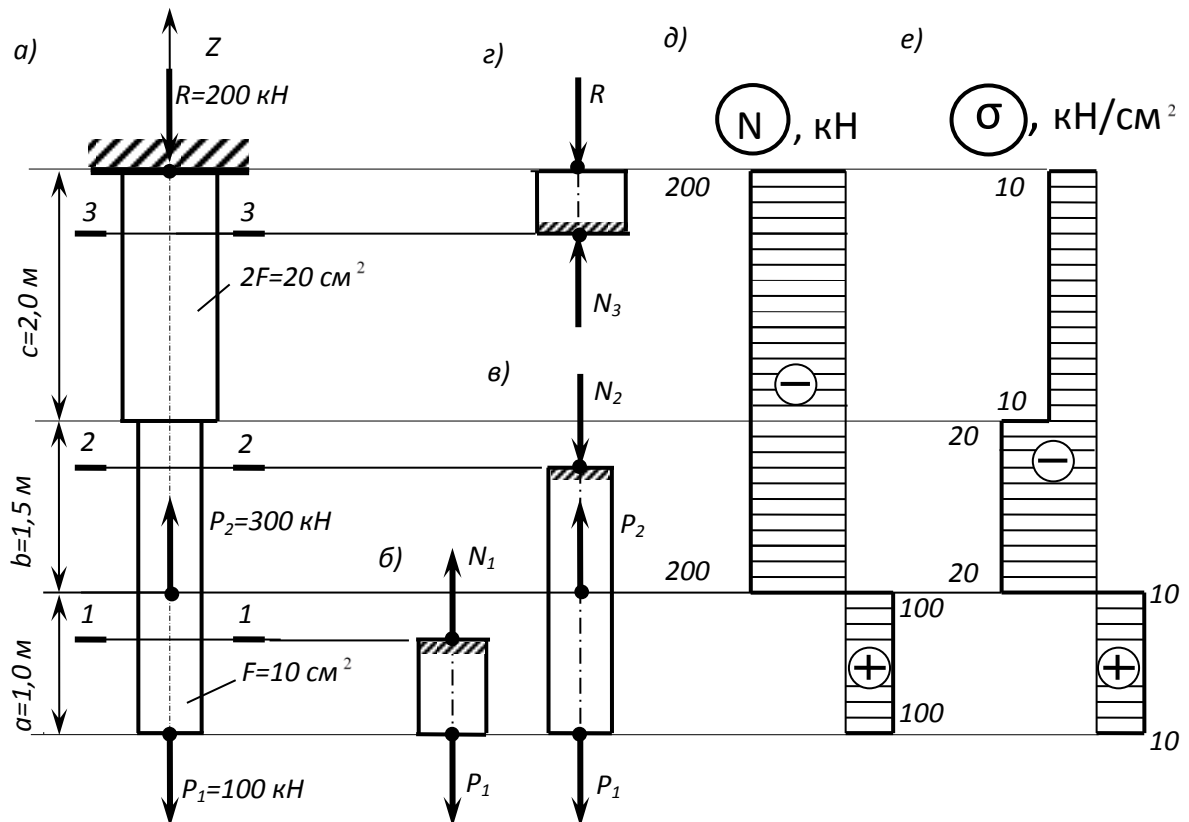


Рис. 1

Решение.

1. Определяем значение опорной реакции R , возникающей в заделке. Учитывая, что $P_2 > P_1$, направим опорную реакцию R вниз. Тогда из уравнения равновесия $\sum Z = 0$ находим:

$$-R + P_2 - P_1 = 0; \quad R = P_2 - P_1 = 300 - 100 = 200 \text{ кН.}$$

2. Строим эпюру продольных сил N .

Разбиваем длину стержня на три участка (рис. 1, а). Границами участков являются те сечения, в которых приложены внешние силы и (или) изменяется размер поперечного сечения стержня.

Воспользуемся методом сечений (РОЗУ). Делаем по одному сечению в произвольном месте каждого из трех участков стержня.

Начнем с сечения $1 - 1$. Отбросим (или закроем листком бумаги) верхнюю часть стержня (рис. 1, б). Само сечение $1 - 1$ мысленно считаем неподвижным. Мы видим, что внешняя сила P_1 растягивает рассматриваемую нижнюю часть стержня. Отброшенная нами верхняя часть стержня противодействует этому растяжению. Это противодействие мы

заменяем *внутренней* продольной силой N_1 , направленной от сечения и соответствующей растяжению. Разрушения стержня не произойдет только в том случае, если возникающая в сечении $1 - 1$ внутренняя продольная сила N_1 *уравновесит* внешнюю силу P_1 . Поэтому очевидно, что

$$N_1 = P_1 = 100 \text{ кН.}$$

Переходим к сечению $2 - 2$ (рис. 1, *в*). Внешняя сила P_1 растягивает рассматриваемую нами нижнюю часть стержня, а сила P_2 ее сжимает (напомним, что $2 - 2$ мы мысленно считаем *неподвижным*). Причем, согласно условию задачи, $P_2 > P_1$. Чтобы уравновесить эти две силы, в сечении $2 - 2$ должна возникнуть внутренняя сила N_2 , противодействующая *сжатию*, то есть направленная к сечению. Она равна:

$$N_2 = P_2 - P_1 = 300 - 100 = 200 \text{ кН.}$$

Делаем сечение $3 - 3$ (рис. 1, *г*). Отбросим теперь часть стержня, расположенную ниже этого сечения. Внутренняя продольная сила N_3 должна уравновесить внешнюю (реактивную) *сжимающую* силу R . Поэтому она направлена к сечению и равна:

$$N_3 = R = 200 \text{ кН.}$$

Легко убедиться в том, что полученный результат не изменится, если мы отбросим не нижнюю, а верхнюю часть стержня. В этом случае продольная сила N_3 также противодействует *сжатию*. Она равна:

$$N_3 = P_2 - P_1 = 300 - 100 = 200 \text{ кН.}$$

При построении эпюры продольных сил N будем пользоваться следующим правилом знаков: *внутренняя продольная сила, возникающая в поперечном сечении стержня, считается положительной, если она противодействует растяжению стержня, и отрицательной, если она противодействует его сжатию.*

Это правило знаков вводится для того, чтобы можно было наглядно видеть, какая часть стержня испытывает деформацию растяжения, а какая часть – деформацию сжатия. Это обстоятельство может оказаться крайне важным, в частности для стержней из хрупкого материала, которые имеют разные допускаемые напряжения на растяжение и на сжатие.

Таким образом, мы установили, что в *любом* сечении нижнего участка стержня внутренняя продольная сила противодействует *растяжению* и равна $N_1 = +100$ кН. В *любом* сечении среднего и верхнего участков стержня имеет место деформация *сжатия*, поэтому $N_2 = N_3 = -200$ кН.

Для построения эпюры продольных сил N проводим *тонкой* линией ось, параллельную оси стержня z (рис. 1, д). Вычисленные значения продольных сил в выбранном масштабе и с учетом их знака откладываем от этой вертикальной оси. В пределах каждого из участков стержня продольная сила остается постоянной, поэтому мы как бы «заштриховываем» *горизонтальными* линиями соответствующий участок.

Отметим, что *каждая линия «штриховки» (то есть ордината эпюры) в принятом масштабе дает значение продольной силы в соответствующем поперечном сечении стержня.*

Полученную эпюру обводим *жирной* линией.

Анализируя полученную эпюру, мы видим, что в местах приложения внешних сил на эпюре N имеет место скачкообразное изменение продольной силы на величину, равную значению соответствующей внешней силы. Причем изменение поперечного размера стержня, как это видно из рис. 1, д, никак не сказывается на характере эпюры N .

3. Строим эпюру нормальных напряжений σ_z .

Нормальное напряжение, возникающее в k -м поперечном сечении стержня при растяжении (сжатии), вычисляется по следующей формуле

$$\sigma_{z_k} = N_k / F_k,$$

где N_k и F_k – продольная сила и площадь k -го поперечного сечения стержня соответственно.

В первом поперечном сечении стержня нормальное напряжение равно

$$\sigma_{z_1} = \frac{N_1}{F_1} = \frac{N_1}{F} = +\frac{100}{10} = +10 \text{ кН/см}^2,$$

во втором –

$$\sigma_{z_2} = \frac{N_2}{F_2} = \frac{N_2}{F} = -\frac{200}{10} = -20 \text{ кН/см}^2,$$

в третьем –

$$\sigma_{z_3} = \frac{N_3}{F_3} = \frac{N_3}{2F} = -\frac{200}{20} = -10 \text{ кН/см}^2.$$

Строим по вычисленным значениям эпюру σ_z (рис. 1, е). В пределах каждого из участков стержня напряжения постоянны, то есть эпюра напряжений параллельна оси. Заметим, что в отличие от эпюры N , на эпюре σ_z «скачок» имеет место не только в местах приложения внешних

сил, но и там, где происходит изменение размеров поперечного сечения стержня.

4. Оцениваем прочность стержня.

Сопоставляем *наибольшее* (по модулю) нормальное напряжение σ_{z_2} , которое в нашем примере возникает во втором сечении стержня, с *допускаемым напряжением* $[\sigma]$. Напомним, что допускаемое напряжение представляет собой долю от *предельного* напряжения σ_{np} , то есть от напряжения, при котором начинается разрушение материала. Разрушение стали, как *пластичного материала*, начинается при появлении значительных остаточных деформаций. Поэтому для стали предельное напряжение равно пределу текучести: $\sigma_{np} = \sigma_m$. Тогда

$$[\sigma] = \sigma_m / [n] = 24 / 1,5 = 16 \text{ кН/см}^2.$$

Условие прочности имеет вид $\sigma_z^{\max} \leq [\sigma]$. В нашем случае

$$\sigma_z^{\max} = |\sigma_{z_2}| = 20 \text{ кН/см}^2 > [\sigma] = 16 \text{ кН/см}^2,$$

следовательно, прочность стержня на втором участке *не обеспечена*.

Таким образом, площадь поперечного сечения стержня на втором участке, равную $F_2 = F = 10 \text{ см}^2$, нам необходимо *увеличить*.

Несложный анализ показывает, что на других участках стержня условие прочности выполняется.

Из условия прочности определяем *требуемую* площадь поперечного сечения стержня на втором участке:

$$F_2^{\text{треб}} \geq |N_2| / [\sigma] = 200 / 16 = 12,5 \text{ см}^2.$$

Принимаем на втором участке $F_2 = 12,5 \text{ см}^2$.

5. Вычисляем удлинение всего стержня Δl .

При переменных по длине стержня значениях продольной силы и площади поперечного сечения удлинение вычисляется по формуле

$$\Delta l = \sum_k \frac{N_k l_k}{EF_k},$$

где E – модуль Юнга, а l_k – длина соответствующего участка стержня.

Тогда

$$\Delta l = \frac{N_1 l_1}{EF_1} + \frac{N_2 l_2}{EF_2} + \frac{N_3 l_3}{EF_3} = \frac{100 \cdot 100}{2 \cdot 10^4 \cdot 10} - \frac{200 \cdot 150}{2 \cdot 10^4 \cdot 12,5} - \frac{200 \cdot 200}{2 \cdot 10^4 \cdot 20} = -0,17 \text{ см.}$$

Таким образом, длина стержня уменьшается на 1,7 мм.

Задание 2 РГР

Пример 2. Для составного поперечного сечения стержня, состоящего из равнобокого уголка № 7 с толщиной стенки 8 мм, швеллера № 22 и полосы 180×20 мм (рис. 2), требуется найти положение центра тяжести сечения, направление главных центральных осей инерции u и v , а также вычислить главные центральные моменты инерции I_{\max} и I_{\min} .

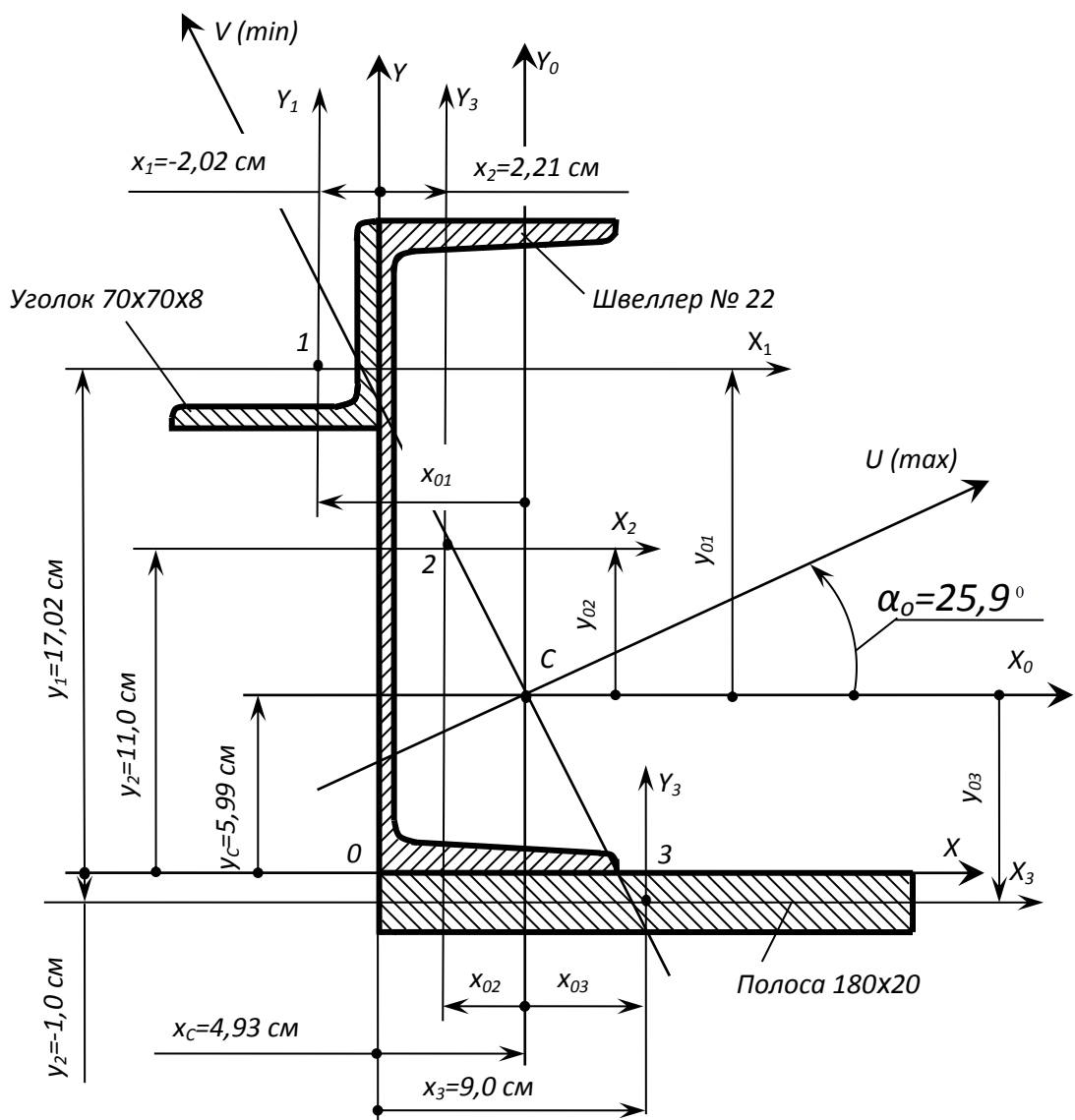


Рис. 2

Решение.

1. Определяем координаты центра тяжести поперечного сечения.

Размеры и геометрические характеристики уголка и швеллера устанавливаем по сортаментам. Вычерчиваем сечение в масштабе (см. рис. 2). Выбираем *оси сравнения* x и y , располагая их по контуру швеллера. Именно в этих осях мы и будем определять положение центра тяжести всего сечения. Для каждого элемента сечения (уголка, швеллера и полосы) проводим *собственные* центральные оси x_i, y_i ($i = 1, 2, 3$), параллельные выбранным осям сравнения x и y .

Координаты центра тяжести всего поперечного сечения (точка C), состоящего из трех элементов (уголка – 1, швеллера – 2 и полосы – 3), вычисляются по формулам:

$$x_c = \frac{S_y}{F} = \frac{S_{y1} + S_{y2} + S_{y3}}{F_1 + F_2 + F_3} = \frac{F_1 x_1 + F_2 x_2 + F_3 x_3}{F_1 + F_2 + F_3};$$

$$y_c = \frac{S_x}{F} = \frac{S_{x1} + S_{x2} + S_{x3}}{F_1 + F_2 + F_3} = \frac{F_1 y_1 + F_2 y_2 + F_3 y_3}{F_1 + F_2 + F_3},$$

где S_{yi} и S_{xi} – статические моменты соответствующего элемента относительно осей сравнения; F_i – площадь элемента; x_i и y_i – координаты центра тяжести элемента C_i в осях сравнения. Вычисления производим в табличной форме (табл. 2).

Таблица 2

Определение координат центра тяжести поперечного сечения

Номер элемента	Наименование элемента	Площадь элемента $F_i, \text{см}^2$	Координаты центра тяжести элемента C_i		Статические моменты элемента относительно осей сравнения S_{yi} и S_{xi}	
			$x_i, \text{см}$	$y_i, \text{см}$	$S_{yi} = F_i x_i, \text{см}^3$	$S_{xi} = F_i y_i, \text{см}^3$
1	Уголок	10,67	-2,02	17,02	-21,55	181,60
2	Швеллер	26,70	2,21	11,00	59,01	293,70

3	Полоса	36,00	9,00	-1,00	324,00	-36,00
Σ	Все сечение	73,37	X	X	361,46	439,30

Координаты центра тяжести поперечного сечения (точка C) в осях сравнения x , y :

$$x_c = \frac{S_y}{F} = \frac{361,46}{73,37} = 4,93 \text{ см}; \quad y_c = \frac{S_x}{F} = \frac{439,30}{73,37} = 5,99 \text{ см}.$$

По найденным значениям x_c и y_c отмечаем на чертеже центр тяжести всего сечения точку C (см. рис. 2) и проводим *центральные* оси x_0 и y_0 .

Заметим, что центр тяжести всей фигуры должен располагаться внутри треугольника, вершинами которого являются центры тяжести элементов поперечного сечения.

2. Вычисляем моменты инерции всего поперечного сечения относительно центральных осей x_0 и y_0 .

Осевые и центробежный моменты инерции сечения относительно центральных осей определяются по следующим формулам:

$$\begin{aligned} I_{x_0} &= (I_{x_1} + y_{01}^2 F_1) + (I_{x_2} + y_{02}^2 F_2) + (I_{x_3} + y_{03}^2 F_3); \\ I_{y_0} &= (I_{y_1} + x_{01}^2 F_1) + (I_{y_2} + x_{02}^2 F_2) + (I_{y_3} + x_{03}^2 F_3); \\ I_{x_0 y_0} &= (I_{x_1 y_1} + x_{01} y_{01} F_1) + (I_{x_2 y_2} + x_{02} y_{02} F_2) + (I_{x_3 y_3} + x_{03} y_{03} F_3). \end{aligned}$$

Значения осевых моментов инерции уголка I_{x_1} , I_{y_1} и швеллера I_{x_2} , I_{y_2} относительно *собственных* центральных осей x_i и y_i определяем по сортаменту. Для полосы осевые моменты инерции соответственно равны:

$$I_{x_3} = \frac{18 \cdot 2^3}{12} = 12 \text{ см}^4; \quad I_{y_3} = \frac{18^3 \cdot 2}{12} = 972 \text{ см}^4.$$

Центробежные моменты инерции швеллера $I_{x_2 y_2}$ и полосы $I_{x_3 y_3}$ равны нулю, поскольку их собственные центральные оси являются осями симметрии.

Центробежный момент инерции уголка $I_{x_1 y_1}$ относительно собственных центральных осей x_1 и y_1 вычисляется по формуле

$$I_{x_1y_1} = \pm \frac{1}{2}(I_{\max} - I_{\min}),$$

где I_{\max} и I_{\min} – максимальный и минимальный главные моменты инерции уголка соответственно. По сортаменту (см. прил. 1) находим, что $I_{\max} = 76,35 \text{ см}^4$, а $I_{\min} = 19,97 \text{ см}^4$.

Центробежный момент инерции уголка *не равен нулю*, поскольку оси x_1 и y_1 не являются для него главными центральными осями инерции (главные центральные оси для равнобокого уголка повернуты относительно осей x_1 и y_1 на угол 45°).

Знак центробежного момента инерции уголка (как, впрочем, и для любой другой фигуры) зависит от *направления* координатных осей. Он легко определяется следующим образом. Согласно определению, центробежный момент инерции фигуры равен интегралу, в котором элементарная площадка dF умножается на произведение расстояний от этой площадки до координатных осей. Мысленно разделим уголок на три площади, расположенные, в нашем случае, в первом, третьем и четвертом квадрантах. Эти площади, в свою очередь, разобьем на элементарные площадки. Видно, что для элементарных площадок, расположенных в первом и третьем квадрантах, расстояния от элементарных площадок до координатных осей имеют одинаковый знак. Поэтому при интегрировании по площади, расположенной в этих квадрантах, мы получим знак «плюс». В четвертом квадранте расстояния от площадок до координатных осей имеют разные знаки, что при интегрировании даст знак «минус». Очевидно, что, суммируя полученные результаты, мы, в итоге, получим положительное значение центробежного момента инерции уголка. Следовательно,

$$I_{x_1y_1} = +\frac{1}{2}(76,35 - 19,97) = 28,19 \text{ см}^4.$$

Теперь определяем координаты центров тяжести отдельных элементов C_i в центральных осях x_0 и y_0 :

для уголка

$$x_{01} = x_1 - x_c = -2,02 - 4,93 = -6,95 \text{ см};$$

$$y_{01} = y_1 - y_c = 17,02 - 5,99 = 11,03 \text{ см};$$

для швеллера

$$x_{02} = x_2 - x_c = 2,21 - 4,93 = -2,72 \text{ см};$$

$$y_{02} = y_2 - y_c = 11,00 - 5,99 = 5,01 \text{ см};$$

для полосы

$$x_{03} = x_3 - x_c = 9,00 - 4,93 = 4,07 \text{ см};$$

$$y_{03} = y_3 - y_c = -1,00 - 5,99 = -6,99 \text{ см}.$$

Дальнейшие вычисления моментов инерции всего поперечного сечения относительно центральных осей x_0 и y_0 производим в табличной форме (табл. 3).

Определение моментов инерции сечения относительно центральных осей x_0 и y_0

Таблица 3

Номер элемента	Наименование элемента	Площадь элемента F_i , см^2	Моменты инерции относительно собственных центральных осей x_i и y_i			Координаты центра тяжести в осях x_0 и y_0	
			I_{x_i} , см^4	I_{y_i} , см^4	$I_{x_i y_i}$, см^4	x_{0i} , см	y_{0i} , см
1	Уголок	10,67	48,16	48,16	28,19	-6,95	11,03
2	Швеллер	26,70	2110,00	151,00	0	-2,72	5,01
3	Полоса	36,00	12,00	972,00	0	4,07	-6,99
Σ	Все сечение	73,37					

Продолжение табл. 3

Наименование элемента	"Переносные" моменты инерции, см^4			Моменты инерции относительно центральных осей x_c и y_c , см^4		
	$x_{0i}^2 F_i$	$y_{0i}^2 F_i$	$x_{0i} y_{0i} F_i$	$I_{x_i} + y_{0i}^2 F_i$	$I_{y_i} + x_{0i}^2 F_i$	$I_{x_i y_i} + x_{0i} y_{0i} F_i$
Уголок	515,39	1298,12	-817,95	1346,28	563,55	-789,76
Швеллер	197,54	670,17	-363,85	2780,17	348,54	-363,85
Полоса	596,34	1758,96	-1024,17	1770,96	1568,34	-1024,17
Все сечение				5897,41	2480,43	-2177,78

После округления вычисленных значений моментов инерции до *трех* значащих цифр, окончательно, получим

$$I_{x_0} = 5900 \text{ см}^4; \quad I_{y_0} = 2480 \text{ см}^4; \quad I_{x_0 y_0} = -2180 \text{ см}^4.$$

3. Определяем положение *главных* центральных осей инерции *u* и *v*.

Угол наклона *главных* центральных осей *u* и *v* к центральным осям x_0 и y_0 соответственно определяем из следующей формулы:

$$\operatorname{tg} 2\alpha_0 = -\frac{2I_{x_0 y_0}}{I_{x_0} - I_{y_0}} = -\frac{-2 \cdot 2180}{5900 - 2480} = 1,27.$$

Отсюда находим, что $2\alpha_0 = 51,8^\circ$ и $\alpha_0 = 25,9^\circ$.

Откладываем *положительное* значение угла α_0 от оси x_0 *против хода* часовой стрелки и проводим главные центральные оси *u* и *v* (см. рис. 2).

Ось, относительно которой момент инерции *максимален*, составляет меньший угол с той из центральных осей x_0 или y_0 , относительно которой осевой момент больше. Поскольку $I_{x_0} = 5900 \text{ см}^4$ больше, чем $I_{y_0} = 2480 \text{ см}^4$, ось *u* является осью относительно которой момент инерции сечения *максимален*, то есть ось *u* – ось *max*. Соответственно, ось *v* является осью *min*.

4. Вычисляем значения *главных* центральных моментов инерции I_{\max} и I_{\min} для заданного поперечного сечения.

Значения главных центральных моментов инерции всей фигуры определяются по формуле

$$I_{\max, \min} = \frac{I_{x_0} + I_{y_0}}{2} \pm \frac{1}{2} \sqrt{(I_{x_0} - I_{y_0})^2 + 4I_{x_0 y_0}^2}.$$

Тогда

$$I_{\max, \min} = \frac{5900 + 2480}{2} \pm \frac{1}{2} \sqrt{(5900 - 2480)^2 + 4 \cdot (-2180)^2} = 4190 \pm 2770 \text{ см}^4;$$

$$I_{\max} = I_u = 4190 + 2770 = 6960 \text{ см}^4; \quad I_{\min} = I_v = 4190 - 2770 = 1420 \text{ см}^4.$$

Контролем правильности *последних* вычислений может служить следующее условие:

$$I_{x_0} + I_{y_0} = I_{\max} + I_{\min}.$$

Имеем

$$5900 + 2480 = 6960 + 1420, \quad 7380 = 7380.$$

Задание 3 РГР

Пример 3. К стальному валу постоянного поперечного сечения (рис. 3) приложены четыре внешних скручивающих момента: $M_1 = 1,5$ кН·м; $M_2 = 5,5$ кН·м; $M_3 = 3,2$ кН·м; $M_4 = 1,8$ кН·м. Длины участков стержня: $a = 1,5$ м; $b = 2$ м, $c = 1$ м, $d = 1,2$ м. Требуется: построить эпюру крутящих моментов, определить диаметр вала при $[\tau] = 8$ кН/см² и построить эпюру углов закручивания поперечных сечений стержня.

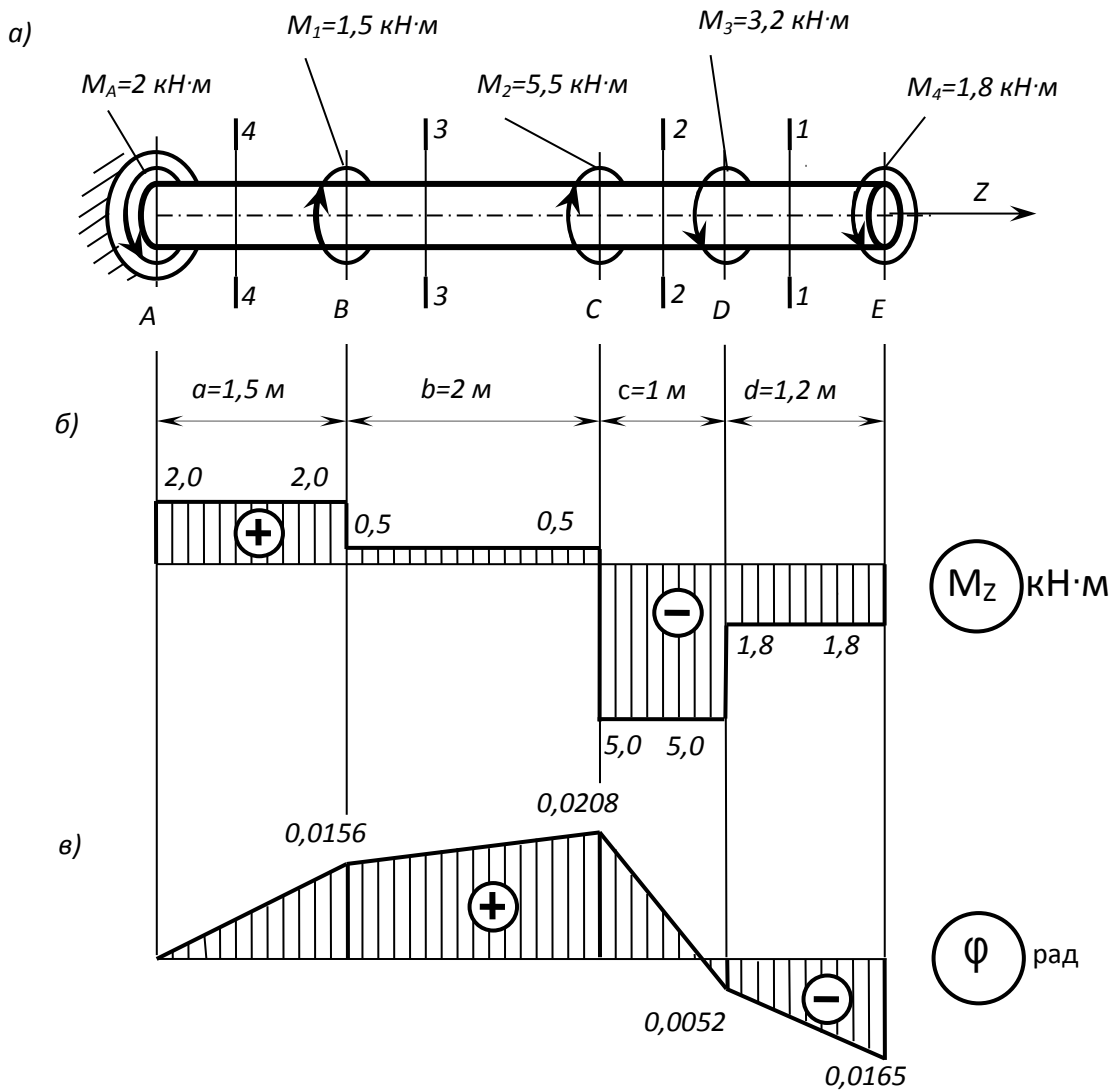


Рис. 3

Решение.

1. Определяем реактивный момент, возникающий в жесткой заделке. Обозначим момент в заделке M_A и направим его, например, против хода часовой стрелки (при взгляде навстречу оси z).

Запишем уравнение равновесия вала. При этом будем пользоваться следующим правилом знаков: *внешние скручивающие моменты* (активные моменты, а также реактивный момент в заделке), *вращающие вал против хода часовой стрелки (при взгляде на него навстречу оси z)*, считаем *положительными*.

Тогда

$$\sum M_z = 0; \quad M_A - M_1 - M_2 + M_3 + M_4 = 0;$$

$$M_A = M_1 + M_2 - M_3 - M_4 = 1,5 + 5,5 - 3,2 - 1,8 = 2 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Знак «плюс» в полученном нами выражении говорит о том, что мы *угадали* направление реактивного момента M_A , возникающего в заделке.

2. Строим эпюру крутящих моментов.

Напомним, что *внутренний* крутящий момент M_z , возникающий в некотором поперечном сечении стержня, равен *алгебраической* сумме *внешних* скручивающих моментов, приложенных к любой из рассматриваемых частей стержня (то есть действующих левее или правее сделанного сечения). При этом внешний скручивающий момент, вращающий рассматриваемую часть стержня *против хода* часовой стрелки (*при взгляде на поперечное сечение*), входит в эту алгебраическую сумму со знаком «плюс», а *по ходу* – со знаком «минус».

Соответственно, *положительный* *внутренний* крутящий момент, *противодействующий* внешним скручивающим моментам, направлен *по ходу* часовой стрелки (*при взгляде на поперечное сечение*), а *отрицательный* – *против* ее хода.

Разбиваем длину стержня на четыре участка (рис. 3, а). Границами участков являются те сечения, в которых приложены внешние моменты.

Делаем по одному сечению в *произвольном* месте каждого из четырех участков стержня.

Начнем с сечения 1 – 1. Мысленно отбросим (или закроем листком бумаги) левую часть стержня. Чтобы уравновесить скручивающий момент $M_4 = 1,8 \text{ кН}\cdot\text{м}$, в поперечном сечении стержня должен возникнуть равный ему и противоположно направленный крутящий момент M_{z_1} . С учетом упомянутого выше правила знаков

$$M_{z_1} = -M_4 = -1,8 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

По аналогии, для сечений 2 – 2 и 3 – 3 находим:

$$M_{z_2} = -M_4 - M_3 = -1,8 - 3,2 = -5,0 \text{ кН}\cdot\text{м};$$

$$M_{z_3} = -M_4 - M_3 + M_2 = -1,8 - 3,2 + 5,5 = +0,5 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Чтобы определить крутящий момент, в сечении 4 – 4 отбросим правую часть стержня. Тогда

$$M_{z_4} = +M_A = +2 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Легко убедиться в том, что полученный результат не изменится, если мы отбросим теперь не правую, а левую часть стержня. Получим

$$M_{z_4} = -M_4 - M_3 + M_2 + M_1 = -1,8 - 3,2 + 5,5 + 1,5 = +2 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Для построения эпюры крутящих моментов M_z проводим *тонкой* линией ось, параллельную оси стержня z (рис. 3, б). Вычисленные значения крутящих моментов в выбранном масштабе и с учетом их знака откладываем от этой оси. В пределах каждого из участков стержня крутящий момент постоянен, поэтому мы как бы «заштриховываем» вертикальными линиями соответствующий участок. Напомним, что каждый отрезок «штриховки» (ордината эпюры) дает в принятом масштабе значение крутящего момента в соответствующем поперечном сечении стержня. Полученную эпюру обводим *жирной* линией.

Отметим, что в местах приложения внешних *скручивающих* моментов на эпюре M_z мы получили скачкообразное изменение *внутреннего* крутящего момента на величину соответствующего внешнего момента.

3. Определяем диаметр вала из условия прочности.

Условие прочности при кручении имеет вид

$$\tau_{\max} = \frac{M_{z_{\max}}}{W_\rho} \leq [\tau],$$

где $W_\rho = \pi d^3 / 16 \approx 0,2d^3$ – полярный момент сопротивления (момент сопротивления при кручении).

Наибольший по *абсолютному* значению крутящий момент возникает на втором участке вала: $M_{z_{\max}} = |M_{z_2}| = 500 \text{ кН}\cdot\text{см}$.

Тогда требуемый диаметр вала определяется по формуле

$$d^{\text{треб}} \geq \sqrt[3]{\frac{|M_{z_2}|}{0,2[\tau]}} = \sqrt[3]{\frac{500}{0,2 \cdot 8}} = 6,79 \text{ см}.$$

Округляя полученное значение до стандартного, принимаем диаметр вала равным $d = 70 \text{ мм}$.

4. Определяем углы закручивания поперечных сечений A, B, C, D и E и строим эпюру углов закручивания.

Сначала вычисляем крутильную жесткость стержня GI_ρ , где G – модуль сдвига, а $I_\rho = \pi d^4 / 32 \approx 0,1d^4$ – полярный момент инерции. Получим

$$GI_\rho = 0,8 \cdot 10^4 \cdot 0,1 \cdot 7^4 = 192 \cdot 10^4 \text{ кН}\cdot\text{см}^2.$$

Углы закручивания на отдельных участках стержня равны:

$$\varphi_{AB} = \frac{M_{z_4} a}{GI_\rho} = \frac{200 \cdot 150}{192 \cdot 10^4} = 0,0156 \text{ рад};$$

$$\varphi_{BC} = \frac{M_{z_3} b}{GI_\rho} = \frac{50 \cdot 200}{192 \cdot 10^4} = 0,0052 \text{ рад};$$

$$\varphi_{CD} = \frac{M_{z_2} c}{GI_\rho} = \frac{-500 \cdot 100}{192 \cdot 10^4} = -0,0260 \text{ рад};$$

$$\varphi_{DE} = \frac{M_{z_1} d}{GI_\rho} = \frac{-180 \cdot 120}{192 \cdot 10^4} = -0,0113 \text{ рад}.$$

Угол закручивания в заделки равен нулю, то есть $\varphi_A = 0$. Тогда

$$\varphi_B = \varphi_A + \varphi_{AB} = 0 + 0,0156 = 0,0156 \text{ рад};$$

$$\varphi_C = \varphi_B + \varphi_{BC} = 0,0156 + 0,0052 = 0,0208 \text{ рад};$$

$$\varphi_D = \varphi_C + \varphi_{CD} = 0,0208 - 0,0260 = -0,0052 \text{ рад};$$

$$\varphi_E = \varphi_D + \varphi_{DE} = -0,0052 - 0,0113 = -0,0165 \text{ рад}.$$

Эпюра углов закручивания показана на рис. 2, в. Отметим, что в пределах длины каждого из участков вала угол закручивания изменяется по линейному закону.

Задание 4 РГР

Пример 4. Для консольной балки, нагруженной распределенной нагрузкой интенсивностью $q = 20$ кН/м и сосредоточенным моментом $M = 50$ кН·м (рис. 4), требуется: построить эпюры перерезывающих сил Q_y и изгибающих моментов M_z , подобрать балку круглого поперечного сечения при допуске нормальном напряжении $[\sigma] = 16$ кН/см² и проверить прочность балки по касательным напряжениям при допуске касательном напряжении $[\tau] = 8$ кН/см². Размеры балки $a_1 = 1$ м; $a_2 = 2$ м; $l = 4$ м.

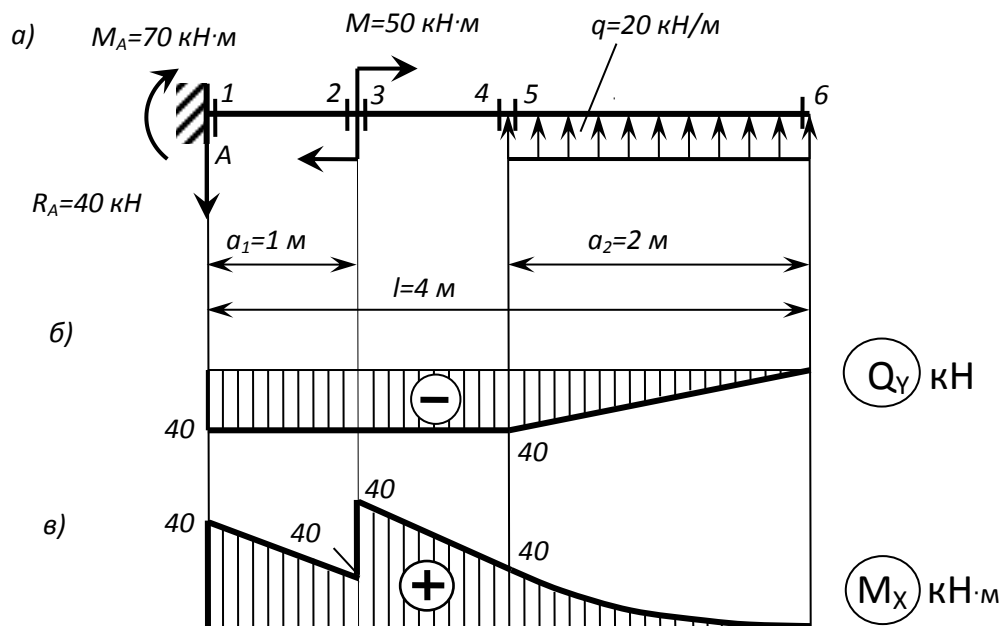


Рис. 4

Решение.

1. Определяем опорные реакции.

Горизонтальная реакция в заделке H_A равна нулю, поскольку внешние нагрузки в направлении оси z на балку не действуют.

Выбираем направления остальных реактивных усилий, возникающих в заделке: вертикальную реакцию R_A направим, например, вниз, а момент M_A – по ходу часовой стрелки. Их значения определяем из уравнений статики:

$$\sum M_A = 0; \quad \sum Y = 0.$$

Составляя эти уравнения, считаем момент *положительным* при вращении *против* хода часовой стрелки, а проекцию силы *положительной*, если ее направление совпадает с *положительным* направлением оси y .

Из первого уравнения находим момент в заделке M_A :

$$\sum M_A = -M_A - M + qa_2 \left(l - \frac{a_2}{2} \right) = 0;$$

$$M_A = -M + qa_2 \left(l - \frac{a_2}{2} \right) = -50 + 20 \cdot 2 \cdot \left(4 - \frac{2}{2} \right) = 70 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Из второго уравнения – вертикальную реакцию R_A :

$$\sum Y = -R_A + qa_2 = 0; \quad R_A = qa_2 = 20 \cdot 2 = 40 \text{ кН}.$$

Полученные нами положительные значения для момента M_A и вертикальной реакции R_A в заделке свидетельствуют о том, что мы *угадали* их направления.

2. Строим эпюры перерезывающих сил Q_y и изгибающих моментов M_x .

В соответствии с характером закрепления и нагружения балки, разбиваем ее длину на *два* участка. По границам каждого из этих участков наметим *четыре* поперечных сечения (см. рис. 4), в которых мы и будем методом сечений (РОЗУ) вычислять значения перерезывающих сил и изгибающих моментов.

Сечение 1. Отбросим мысленно *правую* часть балки. Заменяем ее действие на оставшуюся левую часть перерезывающей силой Q_{y1} и изгибающим моментом M_{x1} . Для удобства вычисления их значений закроем отброшенную нами правую часть балки листком бумаги, совмещая левый край листка с рассматриваемым сечением.

Напомним, что перерезывающая сила, возникающая в *любом* поперечном сечении, должна *уравновесить* все внешние силы (активные и реактивные), которые действуют на рассматриваемую (то есть *видимую*) нами часть балки. Поэтому *перерезывающая сила должна быть равна алгебраической сумме всех сил, которые мы видим.*

Приведем и *правило знаков* для перерезывающей силы: *внешняя сила, действующая на рассматриваемую часть балки и стремящаяся «повернуть» эту часть относительно сечения по ходу часовой стрелки, вызывает в сечении положительную перерезывающую силу. Такая внешняя сила входит в алгебраическую сумму для определения Q_y со знаком «плюс».*

В нашем случае мы видим только реакцию опоры R_A , которая вращает видимую нами часть балки относительно *первого* сечения (относительно края листка бумаги) *против хода* часовой стрелки. Поэтому

$$Q_{y1} = -R_A = -40 \text{ кН.}$$

Изгибающий момент в любом сечении должен *уравновесить* момент, создаваемый *видимыми* нами внешними усилиями, относительно рассматриваемого сечения. Следовательно, он равен *алгебраической* сумме моментов всех усилий, которые действуют на рассматриваемую нами часть балки, относительно рассматриваемого сечения (иными словами, относительно края листка бумаги). При этом внешняя нагрузка, *изгибающая рассматриваемую часть балки выпуклостью вниз, вызывает в сечении положительный изгибающий момент.* И момент, создаваемый такой

нагрузкой, входит в алгебраическую сумму для определения M_x со знаком «плюс».

Мы видим два усилия: реакцию R_A и момент в заделке M_A . Однако у силы R_A плечо относительно сечения I равно нулю. Поэтому

$$M_{x_1} = +M_A = 70 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Знак «плюс» нами взят потому, что реактивный момент M_A изгибает видимую нами часть балки выпуклостью вниз.

Напомним, что при определении знака изгибающего момента мы мысленно освобождаем видимую нами часть балки от всех фактических опорных закреплений и представляем ее как бы защемленной в рассматриваемом сечении (то есть левый край листка бумаги нами мысленно представляется жесткой заделкой).

Сечение 2. По-прежнему будем закрывать листком бумаги всю правую часть балки. Теперь, в отличие от первого сечения, у силы R_A появилось плечо: $a_1 = 1$ м. Поэтому

$$Q_{y_2} = -R_A = -40 \text{ кН}; \quad M_{x_2} = +M_A - R_A a_1 = +70 - 40 \cdot 1 = 30 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Сечение 3. Закрывая правую часть балки, найдем

$$Q_{y_3} = -R_A = -40 \text{ кН}; \\ M_{x_3} = +M_A - R_A a_1 + M = +70 - 40 \cdot 1 + 50 = 80 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Сечение 4. Закроем листком левую часть балки. Тогда

$$Q_{y_4} = -qa_2 = -20 \cdot 2 = -40 \text{ кН}; \\ M_{x_4} = +qa_2 \frac{a_2}{2} = 20 \cdot 2 \cdot \frac{2}{2} = 40 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Сечение 5. По-прежнему закроем левую часть балки. Будем иметь

$$Q_{y_5} = -qa_2 = -20 \cdot 2 = -40 \text{ кН}; \\ M_{x_5} = +qa_2 \frac{a_2}{2} = 20 \cdot 2 \cdot \frac{2}{2} = 40 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Сечение 6. Опять закроем левую часть балки. Получим

$$Q_{y_6} = M_{x_6} = 0.$$

По найденным значениям строим эпюры перерезывающих сил Q_y (рис. 2, б) и изгибающих моментов M_x (рис. 4, в).

Под незагруженными участками эпюра перерезывающих сил идет *параллельно* оси балки, а под распределенной нагрузкой q – по наклонной *прямой* вверх. Под опорной реакцией R_A на эпюре Q_y имеется скачок вниз на величину этой реакции, то есть на 40 кН.

На эпюре изгибающих моментов мы видим излом под опорной реакцией R_A . Угол излома направлен навстречу реакции опоры. Под распределенной нагрузкой q эпюра изменяется по *квадратичной параболы*, выпуклость которой направлена *навстречу* нагрузке. В сечении b на эпюре M_x – экстремум, поскольку эпюра перерезывающей силы в этом месте проходит здесь через нулевое значение.

3. Определяем требуемый диаметр поперечного сечения балки.

Условие прочности по нормальным напряжениям имеет вид:

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{x\max}}{W_x} \leq [\sigma],$$

где W_x – момент сопротивления балки при изгибе. Для балки круглого поперечного сечения он равен:

$$W_x = \frac{\pi d^3}{32} \approx 0,1d^3.$$

Наибольший по *абсолютному* значению изгибающий момент возникает в третьем сечении балки: $M_{x\max} = |M_{x3}| = 8000$ кН·см.

Тогда требуемый диаметр балки определяется по формуле

$$d^{\text{треб}} \geq \sqrt[3]{\frac{|M_{x3}|}{0,1[\sigma]}} = \sqrt[3]{\frac{8000}{0,1 \cdot 16}} = 17,1 \text{ см.}$$

Принимаем $d = 170$ мм. Тогда

$$\sigma_{\max} = \frac{M_{x\max}}{W_x} = \frac{8000}{\frac{\pi \cdot 17^3}{32}} = 16,6 \text{ кН/см}^2 > [\sigma] = 16 \text{ кН/см}^2.$$

«Перенапряжение» составляет

$$\frac{16,6 - 16}{16} \cdot 100\% = 3,75\% < 5\%,$$

что допускается.

4. Проверяем прочность балки по наибольшим касательным напряжениям.

Наибольшие касательные напряжения, возникающие в поперечном сечении балки круглого сечения, вычисляются по формуле

$$\tau_{\max} = \frac{4Q_{y\max}}{3F},$$

где $F = \pi d^2/4$ – площадь поперечного сечения.

Согласно эпюре Q_y , наибольшее по алгебраической величине значение перерезывающей силы равно $Q_{y\max} = |Q_{y1-5}| = 40$ кН. Тогда

$$\tau_{\max} = \frac{4Q_{y\max}}{3F} = \frac{4 \cdot 40}{3 \cdot \frac{\pi \cdot 17^2}{4}} = 0,235 \text{ кН/см}^2 < [\tau] = 8 \text{ кН/см}^2,$$

то есть условие прочности и по касательным напряжениям выполняется, причем, с большим запасом.

Пример 4.2 Для шарнирно опертой балки, нагруженной распределенной нагрузкой интенсивностью $q = 20$ кН/м, сосредоточенной силой $P = 50$ кН и сосредоточенным моментом $M = 60$ кН·м (рис. 3.13), требуется построить эпюры перерезывающих сил Q_y и изгибающих моментов M_z и подобрать балку двутаврового поперечного сечения при допуске нормальном напряжении $[\sigma] = 16$ кН/см² и допуске касательном напряжении $[\tau] = 8$ кН/см². Пролет балки $l = 6$ м.

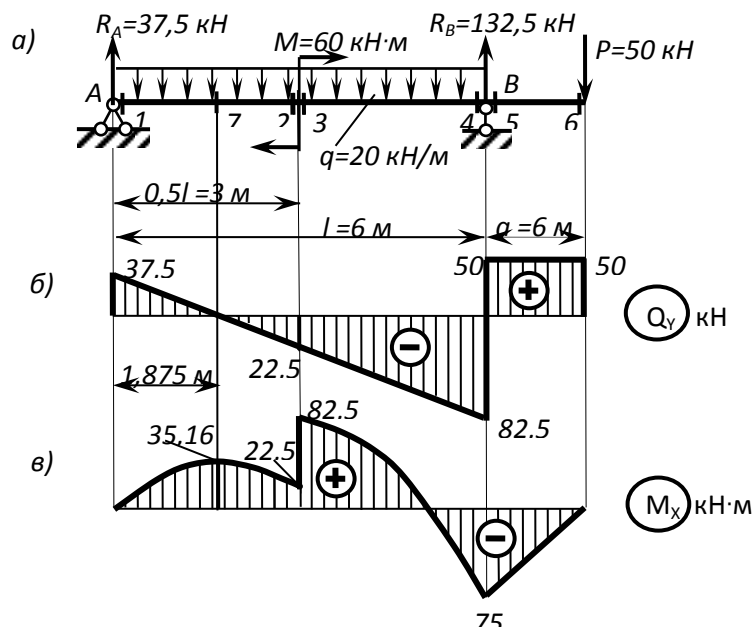


Рис. 4.2

Решение.

1. Определяем опорные реакции.

Для заданной шарнирно опертой балки необходимо найти три опорные реакции: R_A , H_A и R_B . Поскольку на балку действуют только вертикальные нагрузки, перпендикулярные к ее оси, горизонтальная реакция неподвижной шарнирной опоры A равна нулю: $H_A = 0$.

Направления вертикальных реакций R_A и R_B выбираем произвольно. Направим, например, обе вертикальные реакции вверх. Для вычисления их значений составим два уравнения статики:

$$\sum M_A = 0; \quad \sum M_B = 0.$$

Напомним, что *равнодействующая* погонной нагрузки q , равномерно распределенной на участке длиной l , равна ql , то есть равна площади эпюры этой нагрузки и приложена она в центре тяжести этой эпюры, то есть посередине длины.

Тогда

$$\sum M_A = +R_B l - ql \frac{l}{2} - P \left(l + \frac{l}{4} \right) - M = 0;$$
$$R_B = \frac{ql \frac{l}{2} + P \cdot \left(l + \frac{l}{4} \right) + M}{l} = \frac{20 \cdot 6 \cdot \frac{6}{2} + 50 \cdot \left(6 + \frac{6}{4} \right) + 60}{6} = 132,5 \text{ кН};$$

$$\sum M_B = -R_A l - M - P \frac{l}{4} + ql \frac{l}{2} = 0;$$
$$R_A = \frac{-M - P \frac{l}{4} + ql \frac{l}{2}}{l} = \frac{-60 - 50 \cdot \frac{6}{4} + 20 \cdot 6 \cdot \frac{6}{2}}{6} = 37,5 \text{ кН}.$$

Делаем проверку: $\sum Y = 0$.

Напомним, что силы, направление которых совпадает с положительным направлением оси y , проектируются (проецируются) на эту ось со знаком плюс:

$$\sum Y = R_A - P + R_B - ql = 0;$$
$$37,5 - 50 + 132,5 - 2 \cdot 60 = 0; \quad 0 = 0,$$

то есть верно.

2. Строим эпюры перерезывающих сил Q_y и изгибающих моментов M_z .

Разбиваем длину балки на отдельные участки. Границами этих участков являются точки приложения сосредоточенных усилий (активных и/или реактивных), а также точки, соответствующие началу и окончанию действия распределенной нагрузки. Таких участков в нашей задаче получается три. По границам этих участков наметим шесть поперечных

сечений, в которых мы и будем вычислять значения перерезывающих сил и изгибающих моментов (рис. 4.2, а).

Сечение 1. Отбросим мысленно правую часть балки. Для удобства вычисления перерезывающей силы Q_{y_1} и изгибающего момента M_{x_1} , возникающих в этом сечении, закроем отброшенную нами часть балки листком бумаги, совмещая левый край листка бумаги с самим сечением.

Перерезывающая сила в сечении балки равна алгебраической сумме всех внешних сил (активных и реактивных), которые мы видим. В данном случае мы видим реакцию опоры R_A и погонную нагрузку q , распределенную на *бесконечно малой* длине. Равнодействующая погонной нагрузки равна нулю. Поэтому

$$Q_{y_1} = +R_A = 37,5 \text{ кН.}$$

Знак «плюс» взят потому, что сила R_A вращает видимую нами часть балки относительно первого сечения (края листка бумаги) *по ходу* часовой стрелки.

Изгибающий момент в сечении балки равен алгебраической сумме моментов всех усилий, которые мы видим, относительно рассматриваемого сечения (то есть относительно края листка бумаги). Мы видим реакцию опоры R_A и погонную нагрузку q , распределенную на *бесконечно малой* длине. Однако у силы R_A плечо равно нулю. Равнодействующая погонной нагрузки также равна нулю. Поэтому

$$M_{x_1} = 0.$$

Сечение 2. По-прежнему будем закрывать листком бумаги всю правую часть балки. Теперь мы видим реакцию R_A и нагрузку q , действующую на участке длиной $l/2$. Равнодействующая погонной нагрузки равна $ql/2$. Она приложена посередине участка длиной $l/2$. Поэтому

$$Q_{y_2} = +R_A - q \frac{l}{2} = +37,5 - 20 \cdot \frac{6}{2} = -22,5 \text{ кН};$$
$$M_{x_2} = +R_A \frac{l}{2} - q \frac{l}{2} \frac{l}{4} = +37,5 \cdot \frac{6}{2} - 20 \cdot \frac{6}{2} \cdot \frac{6}{4} = 22,5 \text{ кН} \cdot \text{м.}$$

Напомним, что при определении знака изгибающего момента мы мысленно освобождаем видимую нами часть балки от всех фактических опорных закреплений и представляем ее как бы защемленной в рассматриваемом сечении (то есть левый край листка бумаги нами мысленно представляется *жесткой заделкой*).

Сечение 3. Закроем правую часть. Получим

$$Q_{y_3} = +R_A - q \frac{l}{2} = +37,5 - 20 \cdot \frac{6}{2} = -22,5 \text{ кН};$$

$$M_{x_3} = +R_A \frac{l}{2} - q \frac{l}{2} \frac{l}{4} + M = +37,5 \cdot \frac{6}{2} - 20 \cdot \frac{6}{2} \cdot \frac{6}{4} + 60 = 82,5 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Сечение 4. Закрываем листком правую часть балки. Тогда

$$Q_{y_4} = +R_A - ql = +37,5 - 2 \cdot 60 = -82,5 \text{ кН};$$

$$M_{x_4} = +R_A l - ql \frac{l}{2} + M = +37,5 \cdot 6 - 20 \cdot 6 \cdot \frac{6}{2} + 60 = -75 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Теперь, для контроля правильности вычислений, закроем листком бумаги левую часть балки. Мы видим сосредоточенную силу P , реакцию правой опоры R_B и погонную нагрузку q , распределенную на бесконечно малой длине. Равнодействующая погонной нагрузки равна нулю. Поэтому

$$Q_{y_4} = +P - R_B = +50 - 132,5 = -82,5 \text{ кН};$$

$$M_{x_4} = -P \frac{l}{4} = -50 \cdot \frac{6}{4} = -75 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

То есть все верно.

Сечение 5. По-прежнему закроем левую часть балки. Будем иметь

$$Q_{y_5} = +P = 5 \text{ кН};$$

$$M_{x_6} = -P \frac{l}{4} = -5 \cdot \frac{6}{4} = -7,5 \text{ кН}\cdot\text{м}.$$

Сечение 6. Опять закроем левую часть балки. Получим

$$Q_{y_6} = +P = 50 \text{ кН};$$

$$M_{x_6} = 0.$$

По найденным значениям строим эпюры перерезывающих сил Q_y (рис. 3, б) и изгибающих моментов M_x (рис. 3, в).

Убеждаемся в том, что под незагруженным участком эпюра перерезывающих сил идет параллельно оси балки, а под распределенной нагрузкой q – по *прямой*, имеющей наклон вниз. На эпюре Q_y имеется три скачка: под реакцией R_A – вверх на 37,5 кН, под реакцией R_B – вверх на 132,5 кН и под силой P – вниз на 50 кН.

На эпюре изгибающих моментов мы видим изломы под сосредоточенной силой P и под опорными реакциями. Углы изломов направлены навстречу этим силам. Под распределенной нагрузкой интенсивностью q эпюра изменяется по *квадратичной* параболе, выпуклость

которой направлена навстречу нагрузке. Под сосредоточенным моментом – скачок на 60 кН·м, то есть на величину самого момента. В сечении 7 на эпюре M_x – экстремум, поскольку эпюра перерезывающей силы для этого сечения проходит через нулевое значение ($Q_{y7} = 0$). Определим расстояние z_* от сечения 7 до левой опоры.

Перерезывающая сила

$$Q_{y7} = +R_A - qz_* = +37,5 - 20z_* = 0.$$

Отсюда

$$z_* = \frac{R_A}{q} = \frac{37,5}{20} = 1,875 \text{ м.}$$

Экстремальное значение изгибающего момента в сечении 7 равно:

$$M_{x7} = +R_A z_* - qz_* \frac{z_*}{2} = +37,5 \cdot 1,875 - 20 \cdot 1,875 \cdot \frac{1,875}{2} = 35,16 \text{ кН·м.}$$

3. Определяем требуемый момент сопротивления балки из условия прочности по нормальным напряжениям.

Согласно эпюре M_x , максимальный по алгебраической величине изгибающий момент возникает в третьем поперечном сечении балки:

$M_{x_{\max}} = |M_{x3}| = 8250 \text{ кН·см.}$ Тогда

$$W_x^{\text{треб}} \geq \frac{M_{x_{\max}}}{[\sigma]} = \frac{8250}{16} = 516 \text{ см}^3.$$

По сортаменту подбираем двутавр № 30а, имеющий $W_x = 518 \text{ см}^3$.

4. Проверяем прочность балки по наибольшим касательным напряжениям.

Наибольшие касательные напряжения, возникающие в поперечном сечении двутавровой балки, вычисляются по формуле

$$\tau_{\max} = \frac{Q_{y_{\max}} S_x}{I_x d}.$$

По сортаменту для выбранного нами двутавра определяем, что статический момент половины сечения относительно нейтральной оси $S_x = 292 \text{ см}^3$, момент инерции относительно нейтральной оси $I_x = 7780 \text{ см}^4$, а толщина стенки $d = 0,65 \text{ см}$.

Согласно эпюре Q_y , наибольшее по алгебраической величине значение перерезывающей силы $Q_{y_{\max}} = |Q_{y4}| = 82,5 \text{ кН}$. Тогда

$$\tau_{\max} = \frac{|Q_y|_{\max} S_x}{I_x d} = \frac{82,5 \cdot 292}{7780 \cdot 0,65} = 4,76 \text{ кН/см}^2 < [\tau] = 8 \text{ кН/см}^2,$$

то есть условие прочности по касательным напряжениям выполняется.

Задание 5 РГР

Пример 5. Вертикальный стальной стержень (марка стали Ст. 3), поперечное сечение которого показано на рис. 5, сжимается с торца консервативной силой P . Длина стержня $l = 4$ м, $a = 10$ см.

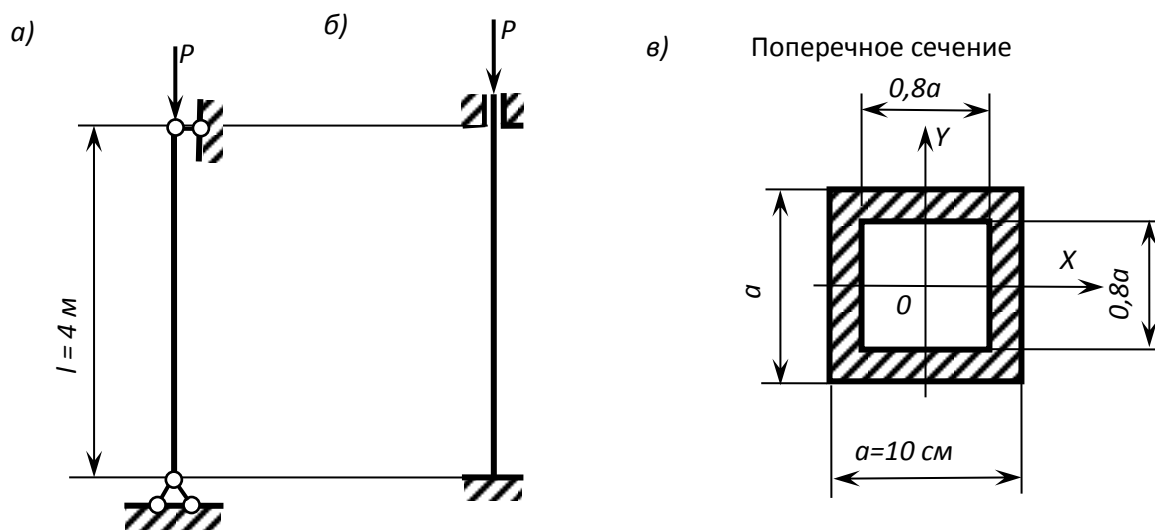


Рис.5

Определить значение критической и допускаемой нагрузки. Вычислить коэффициент запаса устойчивости стержня n_y . Допускаемое напряжение $[\sigma] = 16 \text{ кН/см}^2$, модуль Юнга $E = 2 \cdot 10^4 \text{ кН/см}^2$. Решение задачи получить для двух вариантов закрепления концов стержня, когда оба конца шарнирно оперты ($\mu = 1$) и оба конца жестко защемлены ($\mu = 0,5$).

Решение.

1. Определяем геометрические характеристики поперечного сечения стержня.

Площадь

$$F = a^2 - (0,8a)^2 = 0,36a^2 = 0,36 \cdot 10^2 = 36 \text{ см}^2.$$

Минимальный осевой момент инерции

$$I_{\min} = I_x = I_y = \frac{a^4}{12} - \frac{(0,8a)^4}{12} = 0,0492a^4 = 0,0492 \cdot 10^4 = 492 \text{ см}^4.$$

Минимальный радиус инерции поперечного сечения стержня

$$i_{\min} = \sqrt{\frac{I_{\min}}{F}} = \sqrt{\frac{492}{36}} = 3,70 \text{ см.}$$

2. Вычисляем гибкость стержня λ .

Для случая, когда оба конца стержня шарнирно оперты:

$$\lambda = \frac{\mu l}{i_{\min}} = \frac{1 \cdot 400}{3,70} = 108.$$

Если оба конца стержня жестко защемлены, то

$$\lambda = \frac{\mu l}{i_{\min}} = \frac{0,5 \cdot 400}{3,70} = 54.$$

3. По таблице (прил. 2) для стали марки Ст. 3 определяем коэффициент уменьшения основного допускаемого напряжения φ .

Для случая, когда оба конца стержня шарнирно оперты, линейной интерполяцией находим, что при гибкости $\lambda = 108$ коэффициент уменьшения основного допускаемого напряжения $\varphi = 0,536$.

Если оба конца стержня жестко защемлены, гибкости $\lambda = 54$ соответствует $\varphi = 0,804$.

4. Определяем допускаемую нагрузку.

Условие устойчивости стержня имеет вид:

$$\sigma = \frac{P}{F} \leq \varphi[\sigma].$$

Отсюда, допускаемая нагрузка равна $[P] = \varphi[\sigma]F$.

Для случая, когда оба конца стержня шарнирно оперты, имеем

$$[P] = \varphi[\sigma]F = 0,536 \cdot 16 \cdot 36 = 309 \text{ кН.}$$

Если же оба конца стержня жестко защемлены, получим

$$[P] = \varphi[\sigma]F = 0,804 \cdot 16 \cdot 36 = 463 \text{ кН.}$$

5. Вычисляем критическую нагрузку.

Критическую нагрузку для шарнирно опертого по концам стержня вычисляем по формуле *Эйлера*, поскольку гибкость стержня больше предельного значения: $\lambda = 108 > \lambda_{np} = 100$. Тогда

$$P_{кр} = P_{э} = \frac{\pi^2 EI_{\min}}{(\mu l)^2} = \frac{\pi^2 \cdot 2 \cdot 10^4 \cdot 492}{(1 \cdot 400)^2} = 607 \text{ кН.}$$

Для случая, когда оба конца стержня жестко защемлены, гибкость $\lambda = 54 \ll \lambda_{np} = 100$. Поэтому критическую нагрузку определяем по двум формулам: по формуле *Ясинского*

$$P_{кр} = (a - b\lambda)F,$$

где a и b – эмпирические коэффициенты, и по формуле

$$P_{кр} = \sigma_m F,$$

где σ_m – предел текучести. В результате принимаем меньшее из полученных по этим формулам значение критической нагрузки.

Для стали марки Ст. 3 $a = 31,0 \text{ кН/см}^2$; $b = 0,114 \text{ кН/см}^2$; $\sigma_m = 24 \text{ кН/см}^2$. Тогда по первой формуле найдем

$$P_{кр} = (a - b\lambda)F = (31,0 - 0,114 \cdot 54) \cdot 36 = 894 \text{ кН,}$$

а по второй –

$$P_{кр} = \sigma_m F = 24 \cdot 36 = 864 \text{ кН.}$$

Таким образом, для стержня, концы которого жестко защемлены, $P_{кр} = 864 \text{ кН}$.

6. По формуле $n_y = P_{кр} / [P]$ вычисляем коэффициент запаса устойчивости стержня.

Для случая, когда оба конца стержня шарнирно оперты, имеем

$$n_y = \frac{607}{309} = 1,96.$$

Если же оба конца стержня жестко защемлены, получим

$$n_y = \frac{864}{463} = 1,87.$$

Рекомендуемые значения коэффициента запаса устойчивости для стальных стержней следующие $[n_y] = 1,7 \div 2,0$.

Таким образом, оба найденных нами значения коэффициента запаса устойчивости находятся в рекомендуемых пределах.

устойчивости находятся в рекомендуемых пределах.

11. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине (модулю), включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Освоение дисциплины «Прикладная механика» основывается на активном использовании Microsoft PowerPoint, ПК Лира в процессе изучения теоретических разделов дисциплины и подготовки к практическим занятиям. ПО расчетов MathCad.

С целью повышения качества ведения образовательной деятельности в университете создана электронная информационно-образовательная среда. Она подразумевает организацию взаимодействия между обучающимися и преподавателями через систему личных кабинетов студентов, расположенных на официальном сайте университета в информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» по адресу <https://student.knastu.ru>. Созданная информационно-образовательная среда позволяет осуществлять взаимодействие между участниками образовательного процесса посредством организации дистанционного консультирования по вопросам выполнения практических заданий. В учебном процессе по дисциплине активно

12. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине (модулю)

Для реализации программы дисциплины «Прикладная механика» используется материально-техническое обеспечение, перечисленное в таблице 7.

Таблица 7 – Материально-техническое обеспечение дисциплины

Аудитория	Наименование аудитории (лаборатории)	Используемое оборудование	Назначение оборудования
Учебный корпус № 2, Хабаровский край, город Комсомольск-на-Амуре, ул. Ленина, 27, Аудитория	Межфакультетская учебно-научная лаборатория разрушающих методов контроля (механических испытаний) на 12 рабочих мест.	Помещение оснащено: специализированной (учебной) мебелью (столы, стулья, доска маркерная, доска меловая); 6ПЭВМ:	Проведение лабораторных и практических занятий

133/2		<p>2 персональных компьютеров Intel(R) Core(TM) i3-4130 CPU @ 3.40GHz, 1 персональный компьютер Intel(R) Core(TM) i3-2370M CPU @ 2.40GHz, 1 персональный компьютер Intel(R) Core(TM) i3-2120 CPU @ 3.30GHz; 1 персональный компьютер Intel(R) Pentium(R) 4 CPU 3.20GHz, 1 персональный компьютер AMD E1-1200 APU with Radeon(tm) HD Graphics;</p> <p>1 LED-телевизор DEXP 60" и ПЭВМ для демонстрации визуального материала;</p> <p>программный комплекс Zetlab; акселерометр BC 110;</p> <p>усилитель аналогового сигнала; весы; линейка; ударный молоток 8202; лабораторный акустико-эмиссионный комплекс на базе промышленной ЭВМ с усилителями и преобразователями; испытательный пресс ИП-100М-авто; испытательный пресс ИП-2500-М-авто; испытательная</p>	
-------	--	---	--

		<p>машина 3382 INSTRON;</p> <p>установка для проведения испытаний на усталость МУИ-6000; маятниковый копер JB-W300;</p> <p>станок для нанесения U- или V-образного концентратора; криогенная камера JB-W300;</p> <p>комплекс твердомеров Роквелла и Бринелля</p>	
<p>Учебный корпус</p> <p>№ 1, Хабаровский край, город Комсомольск-на-Амуре, ул. Ленина, 27, литер А, помещение 17,</p> <p>аудитория 209/1</p>	<p>Компьютерный класс на 14 рабочих мест</p>	<p>Помещение оснащено:</p> <p>специализированной (учебной) мебелью (столы, стулья, доска аудиторная комбинированная);</p> <p>набором демонстрационного оборудования для представления информации: интерактивная доска Triumph Board с мультимедиа-проектором BenQ MX 518;</p> <p>МФУ HP LaserJet Professional M1212nf MFP;</p> <p>14 компьютеров Intel(R) Core (TM) i5-3330 CPU.</p> <p>Выход в интернет.</p>	<p>Проведение лекционных и практических занятий в виде презентаций</p>

